수학 기본 실력 100% 충전



<sup>개념충전</sup> ≫ 연산 훈련서

중등 **수학 1** (하)

# 정답 및 해설

# V

# 기본 도형

## Ⅴ – 1 기본 도형

pp. 10~22

- 01 답 평면도형 한 평면 위에 있으므로 평면도형이다.
- 02 답 평면도형
- 03 답 입체도형 한 평면 위에 있지 않으므로 입체도형이다.
- 04 답 입체도형
- 05 달 입체도형
- **06 ⓑ** 1) ¬, ∟, □, ㅂ 2) ⊏, ≥
- 07 답 선, 면, 평면, 입체
- 08 달 1)점A 2)점F 3)모서리BC 4)모서리DH
  - 1) 모서리 AB와 모서리 AE는 점 A에서 만난다.
  - 2) 모서리 BF와 면 EFGH는 점 F에서 만난다.
  - 3) 면 ABCD와 면 BFGC는 모서리 BC에서 만난다.
  - 4) 면 AEHD와 면 CGHD는 모서리 DH에서 만난다.
- **09** 달 4

평면도형에서 교점의 개수는 꼭짓점의 개수와 같으므로 4개이다.

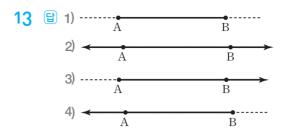
10 🖺 4,6

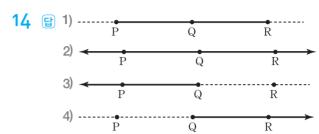
입체도형에서 교점의 개수는 꼭짓점의 개수와 같으므로 4개이고, 교선의 개수는 모서리의 개수와 같으므로 6개 이다.

**11** 🖹 6, 9

입체도형에서 교점의 개수는 꼭짓점의 개수와 같으므로 6개이고, 교선의 개수는 모서리의 개수와 같으므로 9개 이다.

12 답 선, 교점, 면, 교선, 꼭짓점, 모서리

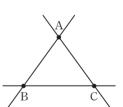




- **15 ᠍ BA**
- **17 ▮ ⊼**C
- **18 ≅ AC**
- **19 □ CA**
- **20 달 AB**
- 21 🗄 ≠
- 22 답 =
- **23 달** ≠
- 24 달 =
- 25 달 =
- 26 달 ≠
- **27** 답 무수히 많다.

한 점을 지나는 직선은 무수히 많다.

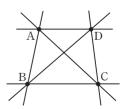




В

30 **ⓑ** 67H ÁB, BC, CD, DA, ÁC, BD

의 6개이다.



- 31 目 1) 3개 2) 3개 3) 6개
  - 1) AB. BC. CA의 3개이다.
  - **2)** AB, BC, CA의 3개이다.
  - 3) AB, BA, BC, CB, CA, AC의 6개이다.
- **32** 달 AB,  $\overrightarrow{AB}$ , 반직선,  $\overrightarrow{AB}$ , 선분,  $\overrightarrow{AB}$
- **33 ⑤** 8 cm (선분 AB의 길이)=8 cm
- **34 탑 7 cm** (선분 AC의 길이)=7 cm
- **35 탑** 6 cm (선분 AD의 길이)=6 cm
- **36 탑 10 cm** (선분 BC의 길이)=10 cm
- **37** 탑 8 cm (선분 AD의 길이)=8 cm
- **38** 달 9 cm (선분 BC의 길이)=9 cm
- **39 탑** 7 cm (선분 CD의 길이)=7 cm
- **40 달** 12 cm (선분 BD의 길이)=12 cm
- 41 답 짧은, 3
- **42 1** 1) 2 2) 4 3)  $\frac{1}{4}$  4)  $\frac{1}{2}$ 
  - 1) 점 M은  $\overline{AB}$ 의 중점이므로  $\overline{AB}$ 의 길이는  $\overline{AM}$ 의 길이의 2배이다.
  - 2)  $\overline{AB} = 2\overline{AM} = 2 \times 2\overline{NM} = 4\overline{NM}$
  - 3)  $\overline{AB} = 4\overline{NM} = 4\overline{AN}$ 이므로  $\overline{AN} = \frac{1}{4}\overline{AB}$
  - 4)  $\overline{\mathrm{NM}} = \frac{1}{2}\overline{\mathrm{AM}}$ 이고  $\overline{\mathrm{AM}} = \overline{\mathrm{MB}}$ 이므로  $\overline{\mathrm{NM}} = \frac{1}{2}\overline{\mathrm{MB}}$

- $\frac{44}{\overline{MB}} = \frac{1}{2}\overline{AB} = \frac{1}{2} \times 8 = 4(cm)$ 
  - $\therefore \overline{MN} = \frac{1}{2} \overline{MB} = \frac{1}{2} \times 4 = 2(cm)$
- 45  $\blacksquare$  8  $\overline{AB} + \overline{BC} = 2\overline{MB} + 2\overline{BN} = 16 \text{ cm}$   $\therefore \overline{MN} = \overline{MB} + \overline{BN} = \frac{1}{2} \times 16 = 8 \text{ cm}$
- 46 답 중점
- **47 (a)** 1) ∠BAC, ∠CAB 2) ∠CBA, ∠ABD 3) ∠ACD, ∠DCA
- 48 달 1) 평각 2) 직각 3) 예각 4) 둔각
  1) ∠AOB의 크기는 180°이므로 평각이다.
  - 2) ∠AOC의 크기는 90°이므로 직각이다.3) 0°<∠COD<90°이므로 예각이다.</li>
  - **4)** 90°<∠AOE<180°이므로 둔각이다.
- 50 답 1) ㄷ 2) ㄹ 3) ㄱ, ㅁ, ㅅ, ㅈ 4) ㄴ, ㅂ, ㅇ 3) 0°<(예각)<90°이므로 예각은 ㄱ, ㅁ, ㅅ, ㅈ이다. 4) 90°<(둔각)<180°이므로 둔각은 ㄴ, ㅂ, ㅇ이다.
- **51** 달 80° 40°+∠x+60°=180°이므로 ∠x=180°-100°=80°
- **52** 달 52° 38°+90°+∠x=180°이므로∠x=180°−128°=52°
- **54 ② 20**°  $3 \angle x + 6 \angle x = 180^{\circ}$   $9 \angle x = 180^{\circ}$   $\therefore \angle x = 20^{\circ}$
- **55** 달 180°, 90°, 0°, 90°, 둔각

- **56 □** 1) ∠DOE 2) ∠FOA 3) ∠FOB 4) ∠DOB
  - AD와 BE가 만나서 생기는 각이므로 ∠AOB의 맞꼭 지각은 ∠DOE
  - 2) CF와 AD가 만나서 생기는 각이므로 ∠COD의 맞꼭 지각은 ∠FOA
  - **3)** CF와 BE가 만나서 생기는 각이므로 ∠COE의 맞꼭지 각은 ∠FOB
  - **4)** AD와 BE가 만나서 생기는 각이므로 ∠AOE의 맞꼭 지각은 ∠DOB
- **57** (a) 1) 60° 2) 90° 3) 30° 4) 120°
  - 1)  $\angle BOC = \angle EOF = 60^{\circ}$
  - 2)  $\angle DOE = \angle AOB = 90^{\circ}$
  - 3)  $\angle COD = \angle FOA = 90^{\circ} 60^{\circ} = 30^{\circ}$
  - 4)  $\angle COE = \angle FOB = 30^{\circ} + 90^{\circ} = 120^{\circ}$
- **58** 🖺 25°

 $\angle x + 40^{\circ} = 3 \angle x - 10^{\circ}$ 

 $2 \angle x = 50^{\circ}$   $\therefore \angle x = 25^{\circ}$ 

**59 월** 18°

 $6 \angle x + 34^{\circ} = 9 \angle x - 20^{\circ}$ 

 $3 \angle x = 54^{\circ}$   $\therefore \angle x = 18^{\circ}$ 

**60 □** 125°

 $\angle x + 30^{\circ} + 25^{\circ} = 180^{\circ}$ 

 $\therefore \angle x = 125^{\circ}$ 

**61 달** 20°

 $(\angle x+10^{\circ})+(3\angle x+55^{\circ})+(2\angle x-5^{\circ})=180^{\circ}$ 

 $6 \angle x = 120^{\circ}$   $\therefore \angle x = 20^{\circ}$ 

 $\angle x = 90^{\circ} - 30^{\circ} = 60^{\circ}$ 

 $\angle y = 90^{\circ} + 60^{\circ} = 150^{\circ}$ 

 $\angle x = 180^{\circ} - 126^{\circ} = 54^{\circ}$ 

 $\angle y + 90^{\circ} = 126^{\circ}$   $\therefore \angle y = 36^{\circ}$ 

 $\angle x + 90^{\circ} + 40^{\circ} = 180^{\circ}$   $\therefore \angle x = 50^{\circ}$ 

 $\angle y = 90^{\circ} + 50^{\circ} = 140^{\circ}$ 

65 답 맞꼭지각, 같다

- **66 □** 1) ⊥ 2) ⊥ 3) ⊥ 4) ⊥
- 67 달 <del>CD</del>

두 직선이 서로 수직일 때, 한 직선을 다른 직선의 수선이 라고 하다

**68 □ AD**, **BC** 

70 탑 점 D

71 답 점 A

**72** 답 점 B

**73 달** 점 C

74 🗄 4 cm

점  $\overline{AP}$   $\overline{DC}$  사이의 거리는  $\overline{AD}$ =4 cm

75 🖹 3 cm

점 B와  $\overline{\text{CD}}$  사이의 거리는  $\overline{\text{BC}}$ =3 cm

**76 ≅** 6 cm

점  $\overline{AP}$  BC 사이의 거리는  $\overline{AB} = 6 \text{ cm}$ 

**77 □** ⊥, H, CH

## Ⅴ – 2 위치 관계

pp. 23~36

- 78 답 1) 점 A는 직선 m 위에 있다.
  - 2) 점 B는 직선 m 위에 있지 않다.
  - 3) 점 C는 직선 l 위에 있다.
  - 4) 점 D는 직선 l 위에 있다.
  - 5) 점 E는 직선 m 위에 있지 않다.
- 79 **(a)** 1) A A, A B, A C, A D
  2) A E, A F, A G, A H

80 🖹 A, B, D, C

81 달 ○

변 AB와 변 CD의 연장선은 한 점에서 만난다.

**82 말** ○

변 BC와 변 EF의 연장선은 만나지 않는다. (평행하다.)

- **83** 탑 × 변 CD와 변 DE의 연장선은 한 점에서 만난다.
- **84** 탑 × 변 DE와 변 AF의 연장선은 한 점에서 만난다.
- 85 탑 ×  $\overline{AB}$ 와  $\overline{CD}$ 는 서로 평행하지 않다.
- 87 달 ×  $\overline{AB}$ 와  $\overline{BC}$ 는 한 점에서 만나지만 서로 수직은 아니다.
- 89 답 평행, 0, 일치
- 90 탑 모서리 **AC**, 모서리 **BC**, 모서리 **AD**, 모서리 **BE** 점 A, 점 B와 각각 한 점에서 만나는 모서리를 찾는다.
- 91 **달** 모서리 **AD**, 모서리 **CF**, 모서리 **DE**, 모서리 **EF** 점 D, 점 F와 각각 한 점에서 만나는 모서리를 찾는다.
- 92 달 모서리 AB, 모서리 BC, 모서리 DE, 모서리 EF 점 B, 점 E와 각각 한 점에서 만나는 모서리를 찾는다.
- 93 **탑** 모서리 **AC**, 모서리 **BC**, 모서리 **DF**, 모서리 **EF** 점 C, 점 F와 각각 한 점에서 만나는 모서리를 찾는다.
- 94 달 3개 모서리 CD, 모서리 GL, 모서리 IJ의 3개이다.
- 95 🖹 3개 모서리 BC, 모서리 EF, 모서리 KL의 3개이다.
- 96 달 3개 모서리 AB, 모서리 JK, 모서리 GH의 3개이다.
- 97 달 5개 모서리 CI, 모서리 BH, 모서리 AG, 모서리 FL, 모서리 EK의 5개이다.

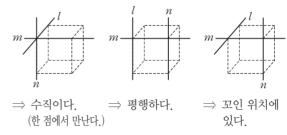
98 🗑 모서리 DH, 모서리 CG, 모서리 FG, 모서리 EH, 모서리 GH

모서리 AB와 만나지도 않고 평행하지도 않은 모서리를 찾는다

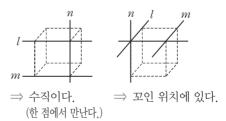
- 99 답 모서리 AE, 모서리 DH, 모서리 EF, 모서리 GH
- 100 달 모서리 AB, 모서리 AD, 모서리 EF, 모서리 EH
- 101 달 모서리 AB, 모서리 BC, 모서리 EF, 모서리 FG
- 102 달 모서리 AB, 모서리 BC, 모서리 AD, 모서리 BF, 모서리 AE



104 달 ×



105 달 ×



- 106 답 꼬인, 평행, 꼬인
- 107 달 면 ABCD, 면 ABFE
- 108 달 면 ABCD, 면 BFGC
- 109 🖹 면 BFGC, 면 CGHD
- 110 달 면 AEHD, 면 CGHD

- 111 달 면 ABFE, 면 DCGH
- 112 달 면 ABCD, 면 EFGH
- 113 달 모서리 AE, 모서리 BF, 모서리 CG, 모서리 DH
- 114 🖺 모서리 AB, 모서리 CD, 모서리 EF, 모서리 GH
- 115 달 면 CGHD, 면 EFGH
- 116 달 면 ABFE, 면 BFGC
- 117 달 모서리 BF, 모서리 FG, 모서리 CG, 모서리 BC
- 118 달 모서리 AB, 모서리 BC, 모서리 CD, 모서리 AD
- 119 달 면 ABC, 면 DEFG
- 120 달 면 ABED, 면 CFG
- **121** 달 모서리 **A**C, 모서리 **D**G, 모서리 **E**F
- 122 달 모서리 AB, 모서리 DE, 모서리 GF
- 123 달 포함, 평행, P, 수직,  $l \perp P$
- 124 달 면 ABFE, 면 BFGC, 면 CGHD, 면 AEHD
- 125 달 면 CGHD
- 126 🖹 면 ABFE, 면 EFGH, 면 CGHD, 면 ABCD
- 127 달 면 BFGC
- 128 **달 GH**
- 129 🖹 면 ABC, 면 BEFC, 면 DEF, 면 ADFC
- 130 달 면 ABC, 면 DEF, 면 ADEB
- 131 달 면 DEF
- 132 **달 BE**
- 133 답 직선, 평행, 수직,  $P \perp Q$

- **134**  $\boxminus$  1)  $\angle f$  2)  $\angle h$  3)  $\angle c$  4)  $\angle a$
- **135** 탑 **102°** ∠a의 동위각은 ∠d이므로 ∠d=180°-78°=102°
- 136 탑 80° ∠c의 동위각은 ∠f이므로 ∠f=180°-100°=80°
- **137 탑** 95° ∠d의 동위각은 ∠b이므로 ∠b=95°(맞꼭지각)
- 138 달 동위각, 4
- 139  $\boxminus$  1)  $\angle h$  2)  $\angle e$
- **140** 월 1) 2) × 2) ∠c의 엇각은 ∠e, ∠i이다.
- **141** 달 75° ∠b의 엇각은 ∠d이므로 ∠d=180°-105°=75°
- **142** 달 110° ∠d의 엇각은 ∠a이므로 ∠a=180°-70°=110°
- **143** 답 125° ∠c의 엇각은 ∠e이므로 ∠e=125°(맞꼭지각)
- 144 답 엇각, 2
- **145 目 130°** l // m이므로 ∠x=130° (동위각)
- **146 탑 60°** l // m이므로 ∠x=60° (동위각)
- **147 目 105°** l // m이므로 ∠x=105°(동위각)
- **148 目 100°** l // m이므로 ∠x=100° (동위각)
- **149 탑 55°** l // m이므로 ∠x=55° (엇각)
- **150 탑 130°** l∥m이므로 ∠x=130°(엇각)

151 🖺 40°

*l // m*이므로 ∠*x*=40°(엇각)

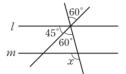
**152 달** 70°

l / m이므로  $\angle x = 70^{\circ}$  (엇각)

**153 월** 105°

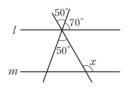
동위각의 크기는 같으므로

 $\angle x = 45^{\circ} + 60^{\circ} = 105^{\circ}$ 



**154 달** 120°

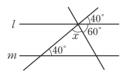
 $\angle x = 50^{\circ} + 70^{\circ} = 120^{\circ}$ 



**155** 🖺 80°

 $\angle x + 60^{\circ} + 40^{\circ} = 180^{\circ}$ 

 $\therefore \angle x = 80^{\circ}$ 



**156 ₺** 55°

 $45^{\circ} + \angle x + 80^{\circ} = 180^{\circ}$ 

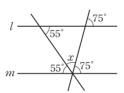
∴ ∠*x*=55°



**157 달** 50°

 $55^{\circ} + \angle x + 75^{\circ} = 180^{\circ}$ 

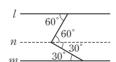
 $\therefore \angle x = 50^{\circ}$ 



**158 달** 90°

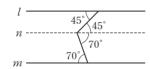
 $l /\!\!/ m /\!\!/ n$ 인 직선 n을 그으면

 $\angle x = 60^{\circ} + 30^{\circ} = 90^{\circ}$ 



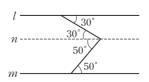
159 🖹 115°

 $\angle x = 45^{\circ} + 70^{\circ} = 115^{\circ}$ 



160 **달** 80°

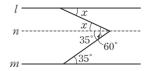
 $\angle x = 30^{\circ} + 50^{\circ} = 80^{\circ}$ 



161 달 25°

 $\angle x + 35^{\circ} = 60^{\circ}$ 

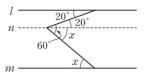
 $\therefore \angle x = 25^{\circ}$ 



162 답 40°

 $20^{\circ} + \angle x = 60^{\circ}$ 

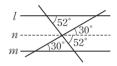
 $\therefore \angle x = 40^{\circ}$ 



**163** 🖺 82°

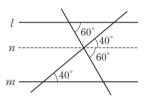
 $l /\!\!/ m /\!\!/ n$ 인 직선 n을 그으면

 $\angle x = 30^{\circ} + 52^{\circ} = 82^{\circ}$ 



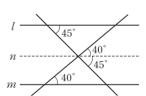
**164 □** 100°

 $\angle x = 40^{\circ} + 60^{\circ} = 100^{\circ}$ 

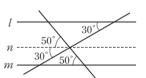


**165 ≅** 85°

 $\angle x = 40^{\circ} + 45^{\circ} = 85^{\circ}$ 

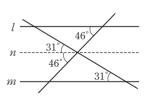


 $\angle x = 50^{\circ} + 30^{\circ} = 80^{\circ}$ 



167 달 77°

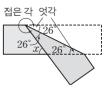
 $\angle x = 31^{\circ} + 46^{\circ} = 77^{\circ}$ 



**168 달** 52°

엇각의 크기는 같고, 접은 각의 크기도 같으므로

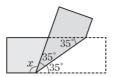
 $\angle x = 26^{\circ} + 26^{\circ} = 52^{\circ}$ 



## 169 🖹 110°

 $\angle x + 35^{\circ} + 35^{\circ} = 180^{\circ}$ 

 $\therefore \angle x = 110^{\circ}$ 



## **170 달** 72°

 $\angle x + 54^{\circ} + 54^{\circ} = 180^{\circ}$ 

 $\therefore \angle x = 72^{\circ}$ 



#### 171 답 엇각, 같다

## **172 달** ○

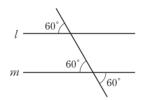
동위각의 크기가 같으므로 두 직선 l, m은 평행하다.

## 

동위각의 크기가 같지 않으므로 두 직선 l, m은 평행하지 않다.

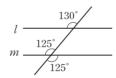
## **174 달** ○

동위각의 크기가 같으므로 두 직선 *l. m*은 평행하다.



## 175 달 ×

동위각의 크기가 같지 않으므로 두 직선 l, m은 평행하지 않다.



## 176 월 ○

엇각의 크기가 같으므로 두 직선 l, m은 평행하다.

#### 

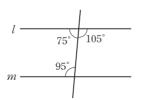
엇각의 크기가 같지 않으므로 두 직선 l, m은 평행하지 않다.

## 

엇각의 크기가 같지 않으므로 두 직선 l, m은 평행하지 않다.

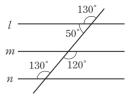
#### 

엇각의 크기가 같지 않으므로 두 직선 l, m은 평행하지 않다.



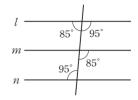
## 180 달 l과 n

두 직선 l과 n은 동위각의 크기가  $130^{\circ}$ 로 같으므로 l / n이다.



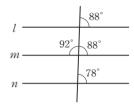
## 181 답 *l*과 *n*

두 직선 l과 n은 엇각의 크기가  $95^{\circ}$ 로 같으므로 l / n이다.



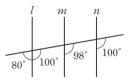
## 182 달 l과 m

두 직선 l과 m은 동위각의 크기가 88°로 같으므로 l / m이다.



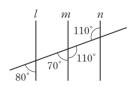
## 183 달 l과 n

두 직선 l과 n은 동위각의 크기가  $100^{\circ}$ 로 같으므로 l / n이다.



## 184 *탑 m과 n*

두 직선 m과 n은 엇각의 크기가 110°로 같으므로 m//n이다.



## 185 🖺 115°

엇각의 크기가 75°로 같으므로  $p /\!\!/ q$   $\therefore \angle x = 115$ ° (동위각)

## 186 **탑** 60°

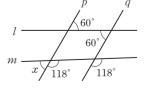
엇각의 크기가  $64^{\circ}$ 로 같으므로 l //m

∴ ∠x=60° (엇각)

 $=62^{\circ}$ 

## 187 🖹 62°

엇각의 크기가  $60^{\circ}$ 로 같으 므로  $p /\!\!/ q$  $\therefore \angle x = 180^{\circ} - 118^{\circ}$ 



# 188 답 동위각, 평행

## Ⅴ - 3 작도와 합동

pp. 37~45

- 189 달 ¬, ⊏
- 190 🖶 1) 2) × 3) ○

2) 작도를 할 때는 눈금 없는 자와 컴퍼스만을 사용한다.

- 191 답 해설 참조
  - ① 눈금 없는 자를 사용하여 직선을 긋고 그 위에 점 C 를 잡는다.
  - © 컴퍼스 를 사용하여 AB의 길이를 잰다.
  - © 점 C를 중심으로 하고 반지름의 길이가  $\overline{AB}$  인 원을 그려 직선과의 교점을  $\overline{D}$  라고 하면 선분  $\overline{CD}$ 가 작도되다
- 192 답 자, 컴퍼스, 작도
- 193  $\blacksquare$  1)  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$  2)  $\overline{OB}$ ,  $\overline{PD}$ ,  $\overline{CD}$  3)  $\angle DPC$
- 194  $\boxdot$  1)  $\circledcirc$ ,  $\circlearrowright$ ,  $\varTheta$ ,  $\boxdot$ ,  $\circledcirc$  2)  $\overline{AC}$ ,  $\overline{PR}$ ,  $\overline{QR}$  3)  $\angle QPR$
- 195 달 각, ⓒ, ⓒ, ②, ②
- 196 (a) 1) 6 cm 2) 8 cm 3) 60° 4) 43° 5) 77°
  - **1)** ∠B의 대변은 AC이다.
  - 2) ∠C의 대변은 AB이다.
  - **3)** AB의 대각은 ∠C이다.
  - 4) AC의 대각은 ∠B이다.
  - 5) BC의 대각은 ∠A이므로 ∠A=180°-(43°+60°)=77°
- 197 달 ○

6<4+4이므로 삼각형을 만들 수 있다.

12>6+4이므로 삼각형을 만들 수 없다.

14=7+7이므로 삼각형을 만들 수 없다.

200 답 ○

5<3+4이므로 삼각형을 만들 수 있다.

- **201**  $\sqsubseteq$   $\angle B$ ,  $\overline{BC}$ ,  $\overline{AB}$ ,  $\overline{BC}$ ,  $\overline{CA}$ ,  $\angle C$
- 202 탑 <del>AC</del>
- 203 🖹 BA, CA

- $204 \quad \Box \quad \overline{BC}, C, \overline{CA}$
- **205 달** 1) × 2) ○

**1**) ∠C는 AB, BC의 끼인각이 아니다.

- 206 달 변, 끼인각, 양 끝각
- 207 **말** ×

10>4+5이므로 삼각형이 그려지지 않는다.

208 **달** ×

세 각의 크기가 주어진 경우에는 모양은 같지만 크기가 다른 삼각형이 무수히 많이 그려진다.

 $\angle$ A는  $\overline{AB}$ ,  $\overline{BC}$ 의 끼인각이 아니므로 삼각형이 하나로 정해지지 않는다.

210 답 ○

한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기가 주어졌으므로 삼각 형이 하나로 정해진다.

- **211** 탑 AC의 길이
- **212** 달 ∠A의 크기 또는 ∠B의 크기
- **213**  $\blacksquare$   $\overline{BC}$ ,  $\angle A$ ,  $\angle C$
- 214 🖹 △ABC≡△HIG
- **215 □** △**ABC=**△**EFD**
- 216 달 (사각형 EFGH)≡(사각형 KLIJ)
- 217 달 1) 점 F 2) HE 3) ∠G 4) (사각형 ABCD)≡(사각형 EFGH)
  - 1) 점 A의 대응점은 점 E, 점 B의 대응점은 점 F, 점 C의 대응점은 점 G, 점 D의 대응점은 점 H이다.
- 218 답 1) 점 F 2) 40° 3) 110° 4) 5 cm 5) 9 cm
  - 2) ∠D의 대응각은 ∠A이다.
  - 3) ∠E의 대응각은 ∠B이다.
  - **4)** EF의 대응변은 BC이다.
  - 5)  $\overline{AC}$ 의 대응변은  $\overline{DF}$ 이다.

#### **219 1** 1 6 cm 2 7 cm 3 80° 4 120° 5 70°

- 1)  $\overline{\text{HE}}$ 의 대응변은  $\overline{\text{DA}}$ 이다.
- 2)  $\overline{BC}$ 의 대응변은  $\overline{FG}$ 이다.
- 3) ∠E의 대응각은 ∠A이다.
- 4) ∠D의 대응각은 ∠H이다.
- 5)  $\angle B = 360^{\circ} (80^{\circ} + 120^{\circ} + 90^{\circ}) = 70^{\circ}$

#### 220 답 합동, ≡, 대응각, 같다

#### 221 답 SSS 합동

대응하는 세 변의 길이가 각각 같다.

#### 222 답 ASA 합동

대응하는 한 변의 길이가 같고 그 양 끝각의 크기가 각각 같다.

#### 223 달 SAS 합동

대응하는 두 변의 길이가 각각 같고 그 끼인각의 크기가 같다.

#### 224 달 1) ¬과ㅂ 2) ∟과ㅁ 3) ⊏과ㄹ

- 1) 대응하는 한 변의 길이가 같고 그 양 끝각의 크기가 각각 같으므로 ASA 합동이다.
- 2) 대응하는 두 변의 길이가 각각 같고 그 끼인각의 크기가 같으므로 SAS 합동이다.
- 3) 대응하는 한 변의 길이가 같고 그 양 끝각의 크기가 각각 같으므로 ASA 합동이다.

#### 225 달 ○

대응하는 세 변의 길이가 각각 같으므로 SSS 합동이다.

#### 226 目 0

대응하는 두 변의 길이가 각각 같고 그 끼인각의 크기가 같으므로 SAS 합동이다.

#### 227 답 ○

대응하는 한 변의 길이가 같고 그 양 끝각의 크기가 각각 같으므로 ASA 합동이다.

#### 228 日 〇

 $\angle A = \angle D$ ,  $\angle B = \angle E$ 이므로  $\angle C = 180^\circ - (\angle A + \angle B) = 180^\circ - (\angle D + \angle E) = \angle F$  따라서 대응하는 한 변의 길이가 같고 그 양 끝각의 크기가 각각 같으므로 ASA 합동이다.

## **229** 🖶 ×

대응하는 두 변의 길이는 각각 같지만 그 끼인각이 같은 지 알 수 없으므로  $\triangle$ ABC와  $\triangle$ DEF는 합동이라고 할 수 없다.

#### 230 **달** ×

대응하는 세 각의 크기가 각각 같으면 모양은 같지만 크기가 다를 수 있으므로  $\triangle ABC$ 와  $\triangle DEF$ 는 합동이라고 할 수 없다.

#### 231 $\Box$ 1) $\overline{AC} = \overline{DF}$ 2) $\angle B = \angle E \ \Xi \vdash \angle A = \angle D$

- 1) 대응하는 두 변의 길이가 각각 같고 그 끼인각의 크기 가 같아야 하므로  $\overline{AC} = \overline{DF}$ 의 조건이 있어야 한다.
- 2) 대응하는 한 변의 길이가 같고 그 양 끝각의 크기가 각각 같아야 하므로  $\angle B = \angle E$  또는  $\angle A = \angle D$ 의 조건이 있어야 한다.

#### 232 $\blacksquare$ 1) $\overline{BC} = \overline{EF}$ 2) $\angle A = \angle D$

- 1) 대응하는 세 변의 길이가 각각 같아야 하므로 BC=EF의 조건이 있어야 한다.
- 2) 대응하는 두 변의 길이가 각각 같고 그 끼인각의 크기 가 같아야 하므로  $\angle A = \angle D$ 의 조건이 있어야 한다.

#### 233 달 변, SAS, 끼인각, ASA, 양 끝각

## 단원 총정리 문제 V 기본 도형

pp. 46~47

<b>01</b> ②	<b>02</b> 16 cm <b>03</b> ③	<b>04</b> 36°	<b>05</b> ④
<b>06</b> ⑤	<b>07</b> ①, ② <b>08</b> ⑤	09 4	<b>10</b> ①
<b>11</b> 75°	<b>12</b> ④ <b>13</b> ②	<b>14</b> ④	
<b>15</b> (1) <b>4</b> (	cm (2) 85° (3) 40	° 16.27°	

#### **01 冒** ②

- ①, ④ 시작점과 방향이 모두 다르다.
- ③ 시작점이 다르다.
- ⑤ 직선 AB와 선분 AB는 다르다.

## 02 🖹 16 cm

점 M이  $\overline{AB}$ 의 중점이므로  $\overline{AB} = 2\overline{MB}$ 점 N이  $\overline{BC}$ 의 중점이므로  $\overline{BC} = 2\overline{BN}$ :  $\overline{AC} = \overline{AB} + \overline{BC} = 2\overline{MB} + 2\overline{BN}$ 

$$\therefore \overline{AC} = \overline{AB} + \overline{BC} = 2\overline{MB} + 2\overline{BN}$$

$$= 2(\overline{MB} + \overline{BN}) = 2\overline{MN}$$

$$= 2 \times 8 = 16(cm)$$

#### **03 달** ③

③ 90°<∠COE<180°이므로 둔각이다.

## **04** 🖺 36°

$$\angle x + \angle y + \angle z = 180^{\circ}$$
이므로  $\angle z = 180^{\circ} \times \frac{2}{3+5+2} = 180^{\circ} \times \frac{1}{5} = 36^{\circ}$ 

## **05 ▮ 4**

맞꼭지각의 크기는 같으므로

$$5 \angle y - 10^{\circ} = 3 \angle y + 20^{\circ}$$

$$2 \angle y = 30^{\circ}$$
  $\therefore \angle y = 15^{\circ}$ 

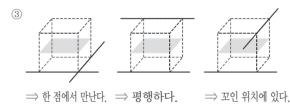
$$\angle x = 180^{\circ} - 65^{\circ} = 115^{\circ}$$

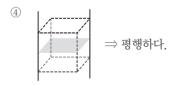
 $\therefore \angle x + \angle y = 115^{\circ} + 15^{\circ} = 130^{\circ}$ 

#### 06 ₺ ⑤

⑤  $\overline{AC}$ 와  $\overline{CD}$ 는 서로 직교하지 않으므로  $\overline{CD}$ 는  $\overline{AC}$ 의 수선이 아니다.

#### 07 🖺 ①, ②





⑤ 꼬인 위치일 수도 있다.

#### 08 目 ⑤

모서리 DJ, 모서리 EK, 모서리 FL, 모서리 AG, 모서리 EF, 모서리 KL의 6개이다.

#### 09 目 4

④ 면 ABC와 평행한 모서리는 모서리 DE, 모서리 EF, 모서리 DF의 3개이다.

#### 10 目 ①

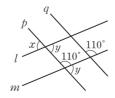
*⊅∥q*이므로

$$110^{\circ} + \angle y = 180^{\circ}$$

 $\therefore \angle y = 70^{\circ}$ 

 $l /\!\!/ m$ 이므로  $\angle x = \angle y = 70^\circ$ 

 $\therefore \angle x + \angle y = 70^{\circ} + 70^{\circ} = 140^{\circ}$ 



#### **11** 달 75°

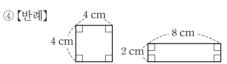
#### 12 답 ④

- ①, ②, ③  $\overline{AB} = \overline{AC} = \overline{PQ} = \overline{PR}$ ,  $\overline{BC} = \overline{QR}$
- ④  $\overline{PQ} = \overline{QR}$ 인지는 알 수 없다.
- ⑤ 평행한 직선의 작도는 동위각의 크기가 같으면 두 직선 은 평행하다는 성질을 이용하여 크기가 같은 각의 작도 를 한 것이므로 ∠BAC=∠QPR

#### **13** 🖹 ②

②  $\angle$ B가  $\overline{AB}$ 와  $\overline{AC}$ 의 끼인각이 아니므로 삼각형이 하나로 정해지지 않는다.

## **14** 🖺 4



#### 15 (1) 4 cm (2) 85° (3) 40°

(1)  $\overline{EF}$ 의 대응변은  $\overline{BC}$ 이므로  $\overline{EF} = \overline{BC} = 4 \text{ cm}$ 

(2) ∠A의 대응각은 ∠D이므로 ∠A=∠D=85°

(3) ∠E의 대응각은 ∠B이고 ∠B=180°-(85°+55°)=40°이므로 ∠E=∠B=40°

#### 16 **달** 27°

 $\overline{OA} = \overline{OC}$ ,  $\overline{AB} = \overline{CD}$ 이므로  $\overline{OB} = \overline{OA} + \overline{AB} = \overline{OC} + \overline{CD} = \overline{OD}$ 즉,  $\triangle OBC$ 와  $\triangle ODA$ 에서  $\overline{OB} = \overline{OD}$ ,  $\overline{OC} = \overline{OA}$ 이고  $\angle O$ 는 공통이므로  $\triangle OBC = \triangle ODA$  (SAS 합동)  $\therefore \angle D = \angle B = 27^\circ$ 

# VI 평

# 평면도형

## Ⅵ -1 다각형

pp. 52~70

- **01** 달 × 선분이 아닌 곡선이 있다.
- **02** 🖺 O
- 03 월 ○
- **04** 달 × 평면도형이 아니다.
- **05 □** 1) **□** 2) **□** 3) **□** 4) **□**
- 06 달

다각형			
변의 개수(개)	3	5	7
꼭짓점의 개수 (개)	3	5	7
내각의 개수(개)	3	5	7
다각형의 이름	삼각형	오각형	칠각형

- **07 1** 1) 125° 2) 85° 3) 105° 4) 50° 5) 85°
- 08 답 내각: 110°, 외각: 70°
  ∠A의 내각의 크기가 110°이므로
  ∠A의 외각의 크기는 180°-110°=70°
- 내각: 40°, 외각: 140°
   ∠A의 외각의 크기가 140°이므로
   ∠A의 내각의 크기는 180°-140°=40°
- 10 달 내각: 130°, 외각: 50°
  ∠A의 내각의 크기가 130°이므로
  ∠A의 외각의 크기는 180°-130°=50°
- 11 답 내각: 90°, 외각: 90°∠A의 외각의 크기가 90°이므로∠A의 내각의 크기는 180°-90°=90°
- 12 달 3, 외각, 180°

- **13 ▮** ○
- 14 달 ×

네 변의 길이가 같고 네 내각의 크기가 같은 사각형을 정사각형이라고 한다.

- 15 월 ○
- 16 월 ○
- **17** 🖹 ×

정사각형을 제외한 정다각형의 한 내각의 크기와 한 외각 의 크기는 같지 않다.

18 달 ×

모든 내각의 크기가 같다고 해서 항상 정다각형인 것은 아니다.



- 19 달 5개
  - (i) 와 같은 정삼각형 : 4개
  - (ii) 외 같은 정삼각형 : 1개
  - (i), (ii)에서 정삼각형은 모두 4+1=5(개)이다.
- 20 답 정팔각형
- 21 달 변, 정다각형, 정사각형, 정오각형
- **22 量** 1개 4-3=1(개)
- 23 **□** 37**|** 6-3=3(7**|**)
- **24 ⓑ 5**개 8−3=5(개)
- **25 ■** 87**H** 11−3=8(7**H**)
- **26** 달 (n-3)개
- 27 달 오각형
   구하는 다각형을 n각형이라고 하면
   n-3=2에서 n=5
   따라서 오각형이다.

## 28 답 구각형

구하는 다각형을 n각형이라고 하면 n-3=6에서 n=9 따라서 구각형이다.

## 29 답 십각형

구하는 다각형을 n각형이라고 하면 n-3=7에서 n=10 따라서 십각형이다.

#### 30 답 십육각형

구하는 다각형을 n각형이라고 하면 n-3=13에서 n=16 따라서 십육각형이다.

## 31 달 2개

$$\frac{4 \times (4-3)}{2} = 2(71)$$

## 32 달 9개

$$\frac{6 \times (6-3)}{2} = 9(7)$$

## 33 🖹 20개

$$\frac{8 \times (8 - 3)}{2} = 20(7)$$

#### 34 🗄 14개

구하는 다각형을 n각형이라고 하면 n-3=4에서 n=7 따라서 칠각형의 대각선의 개수는  $\frac{7\times(7-3)}{2}=14(71)$ 

#### 35 달 44개

구하는 다각형을 n각형이라고 하면 n-3=8에서 n=11 따라서 십일각형의 대각선의 개수는  $\frac{11\times(11-3)}{2}=44(71)$ 

## 36 달 오각형

구하는 다각형을 n각형이라고 하면  $\frac{n(n-3)}{2} = 5$ 에서  $n(n-3) = 10 = 5 \times 2 \qquad \therefore n = 5$ 

따라서 오각형이다.

## 37 답 구각형

구하는 다각형을 n각형이라고 하면  $\frac{n(n-3)}{2} = 27$   $n(n-3) = 54 = 9 \times 6 \qquad \therefore n = 9$  따라서 구각형이다.

#### 38 답 십각형

구하는 다각형을 n각형이라고 하면  $\frac{n(n-3)}{2} = 35$   $n(n-3) = 70 = 10 \times 7 \qquad \therefore n = 10$  따라서 십각형이다.

## 39 답 십이각형

구하는 다각형을 n각형이라고 하면  $\frac{n(n-3)}{2} = 54$   $n(n-3) = 108 = 12 \times 9 \qquad \therefore n = 12$  따라서 십이각형이다.

## **40** $\Box$ n-3, n(n-3)

#### **41 월** 65°

삼각형의 세 내각의 크기의 합은  $180^\circ$ 이므로  $\angle x + 30^\circ + 85^\circ = 180^\circ$   $\therefore \angle x = 65^\circ$ 

#### **42 달** 131°

삼각형의 세 내각의 크기의 합은  $180^{\circ}$ 이므로  $\angle x + 17^{\circ} + 32^{\circ} = 180^{\circ}$   $\therefore \angle x = 131^{\circ}$ 

#### **43 월** 26°

삼각형의 세 내각의 크기의 합은  $180^{\circ}$ 이므로  $\angle x + 64^{\circ} + 90^{\circ} = 180^{\circ}$   $\therefore \angle x = 26^{\circ}$ 

#### **44 달** 23°

삼각형의 세 내각의 크기의 합은  $180^\circ$ 이므로  $3\angle x + 2\angle x + 65^\circ = 180^\circ$   $5\angle x = 115^\circ$   $\therefore \angle x = 23^\circ$ 

## **45** 🖺 25°

삼각형의 세 내각의 크기의 합은  $180^\circ$ 이므로  $(\angle x+10^\circ)+3\angle x+70^\circ=180^\circ$   $4\angle x=100^\circ$   $\therefore$   $\angle x=25^\circ$ 

#### **46 ₺** 30°

삼각형의 세 내각의 크기의 합은  $180^\circ$ 이므로  $\angle x + 2 \angle x + 90^\circ = 180^\circ$   $3 \angle x = 90^\circ$   $\therefore$   $\angle x = 30^\circ$ 

## **47 □** 75°

 $\angle ACB=40^{\circ}$ 이므로  $\angle x=180^{\circ}-(65^{\circ}+40^{\circ})=75^{\circ}$ 

#### **48 달** 36°

 $\triangle ABD$ 에서  $\angle BAD = 180^{\circ} - (36^{\circ} + 90^{\circ}) = 54^{\circ}$ 이므로  $\angle x = 90^{\circ} - 54^{\circ} = 36^{\circ}$ 

#### **49 달** 75°

 $\triangle ABC$ 에서  $\angle BAC = 180^{\circ} - (60^{\circ} + 30^{\circ}) = 90^{\circ}$ 이므로  $\angle BAD = \frac{1}{2} \angle BAC = \frac{1}{2} \times 90^{\circ} = 45^{\circ}$  따라서  $\triangle ABD$ 에서  $\angle x = 180^{\circ} - (60^{\circ} + 45^{\circ}) = 75^{\circ}$ 

## **50 달** 84°

 $\angle ACB = 180^{\circ} - 140^{\circ} = 40^{\circ}$ 이므로  $\triangle ABC$ 에서  $\angle BAC = 180^{\circ} - (52^{\circ} + 40^{\circ}) = 88^{\circ}$   $\therefore \angle BAD = \frac{1}{2} \angle BAC = \frac{1}{2} \times 88^{\circ} = 44^{\circ}$  따라서  $\triangle ABD$ 에서  $\angle x = 180^{\circ} - (52^{\circ} + 44^{\circ}) = 84^{\circ}$ 

#### **51 달** 90°

세 내각의 크기를 각각  $\angle x$ ,  $2\angle x$ ,  $3\angle x$ 라고 하면  $\angle x+2\angle x+3\angle x=180^\circ$ 

 $6\angle x{=}180^\circ$   $\therefore$   $\angle x{=}30^\circ$  따라서 가장 큰 내각의 크기는  $3\times30^\circ{=}90^\circ$ 

#### [다른 풀이]

세 내각의 크기의 비가 1:2:3이므로 가장 큰 내각의 크 기는  $180^\circ \times \frac{3}{1+2+3} = 180^\circ \times \frac{1}{2} = 90^\circ$ 

#### **52** 🖹 80°

세 내각의 크기를 각각  $2\angle x$ ,  $3\angle x$ ,  $4\angle x$ 라고 하면  $2\angle x+3\angle x+4\angle x=180^\circ$  9 $\angle x=180^\circ$   $\therefore$   $\angle x=20^\circ$  따라서 가장 큰 내각의 크기는  $4\times 20^\circ=80^\circ$ 

## **53 월** 75°

세 내각의 크기를 각각  $3\angle x$ ,  $4\angle x$ ,  $5\angle x$ 라고 하면  $3\angle x + 4\angle x + 5\angle x = 180^\circ$   $2\angle x = 180^\circ$   $2\angle x = 15^\circ$  따라서 가장 큰 내각의 크기는  $5\times 15^\circ = 75^\circ$ 

## **54** 🖹 70°

세 내각의 크기를 각각  $5\angle x$ ,  $6\angle x$ ,  $7\angle x$ 라고 하면  $5\angle x+6\angle x+7\angle x=180^\circ$   $2x=180^\circ$   $2x=10^\circ$  따라서 가장 큰 내각의 크기는  $7\times 10^\circ=70^\circ$ 

## **55** $\boxminus$ 180°, 2 $\angle x$ , 5 $\angle x$ , 2 $\angle x$ , 5 $\angle x$ , 180°

## **56 □** 135°

삼각형의 한 외각의 크기는 그와 이웃하지 않는 두 내각의 크기의 합과 같으므로  $\angle x = 50^\circ + 85^\circ = 135^\circ$ 

## **57** 🖺 134°

삼각형의 한 외각의 크기는 그와 이웃하지 않는 두 내각의 크기의 합과 같으므로  $\angle x=44^{\circ}+90^{\circ}=134^{\circ}$ 

## 58 🖹 70°

삼각형의 한 외각의 크기는 그와 이웃하지 않는 두 내각의 크기의 합과 같으므로

$$\angle x + 50^{\circ} = 120^{\circ}$$
  $\therefore \angle x = 70^{\circ}$ 

## **59 달** 63°

삼각형의 한 외각의 크기는 그와 이웃하지 않는 두 내각의 크기의 합과 같으므로

$$\angle x + 47^{\circ} = 110^{\circ}$$
  $\therefore \angle x = 63^{\circ}$ 

### 60 **달** 21°

삼각형의 한 외각의 크기는 그와 이웃하지 않는 두 내각의 크기의 합과 같으므로

$$(2 \angle x + 23^{\circ}) + 45^{\circ} = 110^{\circ}$$
$$2 \angle x = 42^{\circ} \quad \therefore \angle x = 21^{\circ}$$

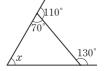
## **61** 閏 18°

삼각형의 한 외각의 크기는 그와 이웃하지 않는 두 내각의 크기의 합과 같으므로  $(3 \angle x - 12^\circ) + 60^\circ = 5 \angle x + 12^\circ$ 

$$2 \angle x = 36^{\circ}$$
  $\therefore \angle x = 18^{\circ}$ 

## **62 달** 60°

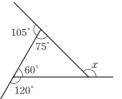
삼각형의 한 외각의 크기는 그와 이 웃하지 않는 두 내각의 크기의 합과 같으므로 오른쪽 그림에서



 $\angle x + 70^{\circ} = 130^{\circ}$   $\therefore \angle x = 60^{\circ}$ 

## **63 ▮** 135°

삼각형의 한 외각의 크기는 그 와 이웃하지 않는 두 내각의 크 기의 합과 같으므로 오른쪽 그 림에서



 $\angle x = 60^{\circ} + 75^{\circ} = 135^{\circ}$ 

## 

△EAB에서 삼각형의 외각의 성질에 의해

 $\angle x + 35^{\circ} = 85^{\circ}$   $\therefore \angle x = 50^{\circ}$ 

△ECD에서 삼각형의 외각의 성질에 의해

 $\angle y + 30^{\circ} = 85^{\circ}$   $\therefore \angle y = 55^{\circ}$ 

## **65** $\Box$ $\angle x = 90^{\circ}, \angle y = 20^{\circ}$

△EAB에서 삼각형의 외각의 성질에 의해

 $\angle x = 40^{\circ} + 50^{\circ} = 90^{\circ}$ 

△ECD에서 삼각형의 외각의 성질에 의해

 $70^{\circ} + \angle y = 90^{\circ}$   $\therefore \angle y = 20^{\circ}$ 

## **66** $\Box$ $\angle x = 56^{\circ}$ . $\angle y = 109^{\circ}$

△ECD에서 삼각형의 외각의 성질에 의해

 $\angle y = 41^{\circ} + 68^{\circ} = 109^{\circ}$ 

△EAB에서 삼각형의 외각의 성질에 의해

 $53^{\circ} + \angle x = 109^{\circ}$   $\therefore \angle x = 56^{\circ}$ 

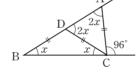
## **67** 🖺 32°

오른쪽 그림의 △DBC에서

 $\overline{\mathrm{DB}} = \overline{\mathrm{DC}}$ 이므로



삼각형의 외각의 성질에 의해



 $\angle CDA = \angle x + \angle x = 2 \angle x$ 

 $\triangle$ CDA에서  $\overline{\text{CD}} = \overline{\text{CA}}$ 이므로  $\angle$ CAD $= \angle$ CDA $= 2 \angle x$ 

따라서  $\triangle ABC에서 \angle x + 2 \angle x = 96^{\circ}$ 

 $3 \angle x = 96^{\circ}$   $\therefore \angle x = 32^{\circ}$ 

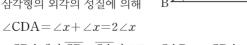
#### **68 ▮** 40°

오른쪽 그림의 △DBC에서

 $\overline{DB} = \overline{DC}$ 이므로

 $\angle DCB = \angle DBC = \angle x$ 

삼각형의 외각의 성질에 의해



 $\triangle$ CDA에서  $\overline{\text{CD}} = \overline{\text{CA}}$ 이므로  $\angle$ CAD $= \angle$ CDA $= 2 \angle x$ 

 $2 \angle x = 180^{\circ} - 100^{\circ} = 80^{\circ}$   $\therefore \angle x = 40^{\circ}$ 

## **69** 🖺 25°

오른쪽 그림의 △DBE에서

 $\overline{DB} = \overline{DE}$ 이므로

 $\angle DEB = \angle DBE = \angle x$ 

삼각형의 외각의 성질에

의해

 $\angle EDA = \angle x + \angle x = 2 \angle x$ 

 $\triangle EDA에서 \overline{ED} = \overline{EA}$ 이므로

 $\angle EAD = \angle EDA = 2 \angle x$ 

△ABE에서 삼각형의 외각의 성질에 의해

 $\angle AEC = \angle x + 2 \angle x = 3 \angle x$ 

 $\triangle AEC에서 \overline{AE} = \overline{AC}$ 이므로

 $\angle ACE = \angle AEC = 3 \angle x$ 

△ABC에서 삼각형의 외각의 성질에 의해

 $\angle x + 3 \angle x = 100^{\circ}$ 

 $4 \angle x = 100^{\circ}$   $\therefore \angle x = 25^{\circ}$ 

## **70 달** 100°

∠ABC=180°-(50°+70°)=60°이므로

 $\angle DBC = \frac{1}{2} \angle ABC = \frac{1}{2} \times 60^{\circ} = 30^{\circ}$ 

따라서 △BCD에서

 $\angle x = 70^{\circ} + 30^{\circ} = 100^{\circ}$ 

#### **71 冒** 145°

△ABD에서

 $65^{\circ} + \angle ABD = 105^{\circ}$   $\therefore \angle ABD = 40^{\circ}$ 

따라서 ∠DBC=∠ABD=40°이므로 △DBC에서

 $\angle x = 40^{\circ} + 105^{\circ} = 145^{\circ}$ 

## **72** 🖺 85°

△ABC에서

 $\angle BAC + 70^{\circ} = 120^{\circ}$   $\therefore \angle BAC = 50^{\circ}$ 

따라서  $\angle BAD = \frac{1}{2} \angle BAC = \frac{1}{2} \times 50^{\circ} = 25^{\circ}$ 이므로

△ABD에서

 $\angle x = 180^{\circ} - (25^{\circ} + 70^{\circ}) = 85^{\circ}$ 

## **73** 🖺 27°

△ABC에서 2∠DCE=2∠DBC+54°이므로

 $2(\angle DCE - \angle DBC) = 54^{\circ}$   $\therefore \angle DCE - \angle DBC = 27^{\circ}$ 

따라서  $\triangle DBC$ 에서  $\angle DCE = \angle DBC + \angle x$ 

 $\therefore \angle x = \angle DCE - \angle DBC = 27^{\circ}$ 

## **74 ₺** 30°

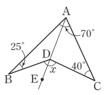
 $\triangle ABC$ 에서  $2\angle DCE = 2\angle DBC + 60^{\circ}$ 이므로  $2(\angle DCE - \angle DBC) = 60^{\circ}$   $\therefore \angle DCE - \angle DBC = 30^{\circ}$  따라서  $\triangle DBC$ 에서  $\angle DCE = \angle DBC + \angle x$   $\therefore \angle x = \angle DCE - \angle DBC = 30^{\circ}$ 

## **75 ₺** 50°

 $\triangle ABC$ 에서  $2\angle DCE = 2\angle DBC + 100^\circ$ 이므로  $2(\angle DCE - \angle DBC) = 100^\circ$   $\therefore \angle DCE - \angle DBC = 50^\circ$  따라서  $\triangle DBC$ 에서  $\angle DCE = \angle DBC + \angle x$   $\therefore \angle x = \angle DCE - \angle DBC = 50^\circ$ 

## **76** 🖺 135°

오른쪽 그림과 같이  $\overline{AD}$ 의 연장선 위에 점 E를 잡으면  $\angle BDE = 25^{\circ} + \angle BAD$  $\angle CDE = 40^{\circ} + \angle CAD$ 

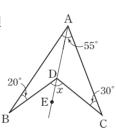


 $\therefore \angle x = \angle BDE + \angle CDE$   $= 25^{\circ} + 40^{\circ} + (\angle BAD + \angle CAD)$   $= 25^{\circ} + 40^{\circ} + 70^{\circ} = 135^{\circ}$ 

## **77** 🖹 105°

오른쪽 그림과 같이  $\overline{AD}$ 의 연장선 위에 점 E를 잡으면  $\angle BDE = 20^\circ + \angle BAD$  $\angle CDE = 30^\circ + \angle CAD$  $\therefore \angle x = \angle BDE + \angle CDE$  $= (20^\circ + \angle BAD)$  $+ (30^\circ + \angle CAD)$  $= 20^\circ + 30^\circ + (\angle BAD + \angle CAD)$ 

 $=20^{\circ}+30^{\circ}+55^{\circ}=105^{\circ}$ 



# 78 🖹 25°

오른쪽 그림과 같이  $\overline{AD}$ 의 연장선 위에 점 E를 잡으면  $\angle BDE = 20^\circ + \angle BAD$  $\angle CDE = \angle x + \angle CAD$  $\angle BDC = \angle BDE + \angle CDE$  $= (20^\circ + \angle BAD) + (\angle x + \angle CAD)$  $= 20^\circ + \angle x + (\angle BAD + \angle CAD)$  $= 20^\circ + \angle x + 75^\circ = \angle x + 95^\circ$ 따라서  $\angle BDC = 120^\circ$ 이므로  $\angle x + 95^\circ = 120^\circ$   $\therefore \angle x = 25^\circ$ 



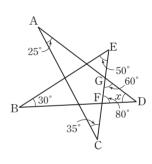
오른쪽 그림의  $\triangle ACG$ 에서  $\triangle DGF = \angle a + \angle c$   $\triangle BEF$ 에서  $\triangle DFG = \angle b + \angle e$  따라서  $\triangle DFG$ 에서  $\triangle d + (\angle b + \angle e) + (\angle a + \angle e) = 180^\circ$ 이므로  $\triangle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e = 180^\circ$ 

## 80 월 135°

오른쪽 그림의  $\triangle BDG$ 에서  $\angle AGF = \angle a + \angle c$   $\triangle CEF$ 에서  $\angle AFC = \angle b + \angle d$  따라서  $\triangle AFG$ 에서  $(\angle a + \angle c) + (\angle b + \angle d) + 45^\circ = 180^\circ$ 이므로  $\angle a + \angle b + \angle c + \angle d = 135^\circ$ 

## 81 달 40°

 $\triangle$ ACG에서  $\angle$ DGF=25°+35°=60°  $\triangle$ BEF에서  $\angle$ DFG=30°+50°=80° 따라서  $\triangle$ DFG에서  $\angle x+60°+80°=180°$  $\therefore \angle x=40°$ 



## 82 달 내각, 합

**83 ⓑ** 2개 4−2=2(개)

**84 ⓑ** 47ℍ 6−2=4(7ℍ)

**85 □ 7**개 9−2=7(개)

86 달 11개 13-2=11(개)

**87 ⓑ 360**° 180° × (4−2) = 360°

88 目 720°

 $180^{\circ} \times (6-2) = 720^{\circ}$ 

**89 달** 1260°

 $180^{\circ} \times (9-2) = 1260^{\circ}$ 

**90 달** 1980°

 $180^{\circ} \times (13-2) = 1980^{\circ}$ 

**91** 달 100°

사각형의 내각의 크기의 합은  $180^{\circ} \times (4-2) = 360^{\circ}$ 이므로  $95^{\circ} + 100^{\circ} + \angle x + 65^{\circ} = 360^{\circ}$ 

- $\therefore \angle x = 100^{\circ}$
- **92** 🖹 83°

사각형의 내각의 크기의 합은 180°×(4-2)=360°이므로 98°+89°+90°+∠x=360°

- $\therefore \angle x = 83^{\circ}$
- **93 달** 125°

오각형의 내각의 크기의 합은  $180^{\circ} \times (5-2) = 540^{\circ}$ 이므로  $125^{\circ} + 85^{\circ} + \angle x + 110^{\circ} + 95^{\circ} = 540^{\circ}$ 

- $\therefore \angle x = 125^{\circ}$
- **94 달** 148°

칠각형의 내각의 크기의 합은  $180^{\circ} \times (7-2) = 900^{\circ}$ 이므로  $120^{\circ} + 119^{\circ} + \angle x + 133^{\circ} + 130^{\circ} + 140^{\circ} + 110^{\circ} = 900^{\circ}$ 

- $\therefore \angle x = 148^{\circ}$
- **95 달** 60°

사각형의 내각의 크기의 합은  $180^{\circ} \times (4-2) = 360^{\circ}$ 이므로  $\angle x + 2 \angle x + \angle x + 2 \angle x = 360^{\circ}$ 

- $6 \angle x = 360^{\circ}$   $\therefore \angle x = 60^{\circ}$
- **96 달** 120°

육각형의 내각의 크기의 합은  $180^\circ \times (6-2) = 720^\circ$ 이므로  $\angle x + \angle x = 720^\circ$ 

- $6 \angle x = 720^{\circ}$   $\therefore \angle x = 120^{\circ}$
- **97** 달 89°

사각형의 내각의 크기의 합은  $180^\circ \times (4-2) = 360^\circ$ 이므로  $75^\circ + 130^\circ + \angle x + (180^\circ - 114^\circ) = 360^\circ$ 

- ∴ ∠x=89°
- 98 **1** 75°

오각형의 내각의 크기의 합은 180°×(5-2)=540°이므로 (180°-50°)+95°+100°+110°+(180°-∠x)=540°

 $\therefore \angle x = 75^{\circ}$ 

**99 달** 70°

오른쪽 그림과 같이 보조선을 그으면

 $\angle a + \angle b = 180^{\circ} - \angle x \circ ]$ 고

오각형의 내각의 크기의 합이

180°×(5-2)=540°이므로

 $70^{\circ} + 90^{\circ} + 100^{\circ} + 110^{\circ} + 60^{\circ} + \angle a + \angle b = 540^{\circ}$ 

 $70^{\circ} + 90^{\circ} + 100^{\circ} + 110^{\circ} + 60^{\circ} + (180^{\circ} - \angle x) = 540^{\circ}$ 

- $\therefore \angle x = 70^{\circ}$
- **100** 달 113°

오른쪽 그림과 같이 보조선을 그 으면  $\angle a + \angle b = 180^{\circ} - \angle x$ 이고

사각형의 내각의 크기의 합이

180°×(4-2)=360°이므로

 $47^{\circ} + 110^{\circ} + 100^{\circ} + 36^{\circ} + \angle a + \angle b = 360^{\circ}$ 

 $47^{\circ} + 110^{\circ} + 100^{\circ} + 36^{\circ} + (180^{\circ} - \angle x) = 360^{\circ}$ 

- $\therefore \angle x = 113^{\circ}$
- 101 탑 65°

오른쪽 그림과 같이 보조선을 그으

면  $\angle a + \angle b = 180^{\circ} - \angle x$ 이고

오각형의 내각의 크기의 합이

180°×(5-2)=540°이므로

 $40^{\circ} + 95^{\circ} + 120^{\circ} + 100^{\circ} + 70^{\circ} + \angle a + \angle b = 540^{\circ}$ 

 $40^{\circ} + 95^{\circ} + 120^{\circ} + 100^{\circ} + 70^{\circ} + (180^{\circ} - \angle x) = 540^{\circ}$ 

- ∴ ∠*x*=65°
- 102 달 25°

오른쪽 그림과 같이 보조선을 그으면  $\angle a + \angle b = 180^{\circ} - 100^{\circ} = 80^{\circ}$ 

삼각형의 내각의 크기의 합이 180°



 $15^{\circ} + 60^{\circ} + \angle x + \angle a + \angle b = 180^{\circ}$ 

 $15^{\circ} + 60^{\circ} + \angle x + 80^{\circ} = 180^{\circ}$ 

- $\therefore \angle x = 25^{\circ}$
- 103 旨 540°

오른쪽 그림과 같이 보조선

을 그으면

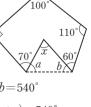
 $\angle h + \angle i = \angle e + \angle d \circ | \Im$ 

오각형의 내각의 크기의

합이 180°×(5-2)=540°이므로

 $\angle a + \angle b + \angle c + \angle h + \angle i + \angle f + \angle g = 540^{\circ}$ 

 $\therefore \angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f + \angle g = 540^{\circ}$ 



100

110°

√95°

100

60°

## **104** 😫 360°

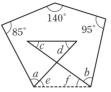
오른쪽 그림과 같이 보조선을 그으면  $\angle c + \angle d = \angle g + \angle h \circ ] \Im$ 사각형의 내각의 크기의 합이 180°×(4-2)=360°이므로  $\angle a + \angle b + \angle g + \angle h + \angle e + \angle f = 360^{\circ}$ 

 $\therefore \angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f = 360^{\circ}$ 



## 105 **달** 220°

오른쪽 그림과 같이 보조선을 그으면  $\angle c + \angle d = \angle e + \angle f$ 이 고 오각형의 내각의 크기의 합 이 180°×(5-2)=540°이므로



 $140^{\circ} + 85^{\circ} + \angle a + \angle e + \angle f + \angle b + 95^{\circ} = 540^{\circ}$  $\therefore \angle a + \angle b + \angle c + \angle d = 540^{\circ} - (140^{\circ} + 85^{\circ} + 95^{\circ})$  $=220^{\circ}$ 

## 106 $\Box$ n-2, 180°, 2

#### **107** 달 105°

다각형의 외각의 크기의 합은 360°이므로  $\angle x + 130^{\circ} + 125^{\circ} = 360^{\circ}$   $\therefore \angle x = 105^{\circ}$ 

## 

다각형의 외각의 크기의 합은 360°이므로  $\angle x + 81^{\circ} + 62^{\circ} + 120^{\circ} = 360^{\circ}$   $\therefore \angle x = 97^{\circ}$ 

#### 109 🖹 74°

다각형의 외각의 크기의 합은 360°이므로  $51^{\circ} + 70^{\circ} + \angle x + 85^{\circ} + 80^{\circ} = 360^{\circ}$  $\therefore \angle x = 74^{\circ}$ 

#### 110 달 100°

다각형의 외각의 크기의 합은 360°이므로  $(180^{\circ} - 40^{\circ}) + \angle x + 120^{\circ} = 360^{\circ}$   $\therefore \angle x = 100^{\circ}$ 

#### **111 달** 116°

다각형의 외각의 크기의 합은 360°이므로  $\angle x + (180^{\circ} - 126^{\circ}) + (180^{\circ} - 90^{\circ}) + 100^{\circ} = 360^{\circ}$  $\therefore \angle x = 116^{\circ}$ 

#### 112 **달** 55°

다각형의 외각의 크기의 합은 360°이므로  $(180^{\circ}-110^{\circ})+(180^{\circ}-100^{\circ})+55^{\circ}+100^{\circ}+\angle x=360^{\circ}$  $\therefore \angle x = 55^{\circ}$ 

## 113 🖹 102°

다각형의 외각의 크기의 합은 360°이므로  $50^{\circ} + 72^{\circ} + (180^{\circ} - \angle x) + 85^{\circ} + (180^{\circ} - 105^{\circ}) = 360^{\circ}$  $\therefore \angle x = 102^{\circ}$ 

## **114** 🖺 360°

## 115 🖹 108°

정오각형의 한 내각의 크기는

$$\frac{180^{\circ} \times (5-2)}{5} = \frac{540^{\circ}}{5} = 108^{\circ}$$

## 116 **🖹** 135°

$$\frac{180^{\circ} \times (8-2)}{8} = 135^{\circ}$$

$$\frac{180^{\circ} \times (9-2)}{9} = 140^{\circ}$$

$$\frac{180^{\circ} \times (12-2)}{12} = 150^{\circ}$$

#### 119 답 정삼각형

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면  $180^{\circ} \times (n-2)$  =  $60^{\circ}$ 에서  $180^{\circ} \times n - 360^{\circ} = 60^{\circ} \times n$  $120^{\circ} \times n = 360^{\circ}$   $\therefore n = 3$ 

따라서 정삼각형이다.

#### 120 답 정사각형

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면  $\frac{180^{\circ} \times (n-2)}{100^{\circ}} = 90^{\circ}, 180^{\circ} \times n - 360^{\circ} = 90^{\circ} \times n$  $90^{\circ} \times n = 360^{\circ}$   $\therefore n = 4$ 따라서 정사각형이다.

### 121 답 정육각형

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면  $180^{\circ} \times (n-2)$  = 120°,  $180^{\circ} \times n - 360^{\circ} = 120^{\circ} \times n$  $60^{\circ} \times n = 360^{\circ}$   $\therefore n = 6$ 따라서 정육각형이다.

## 122 답 정십각형

구하는 정다각형을 정*n*각형이라고 하면

$$\frac{180^{\circ} \times (n-2)}{n} = 144^{\circ}, \ 180^{\circ} \times n - 360^{\circ} = 144^{\circ} \times n$$

$$36^{\circ} \times n = 360^{\circ}$$
  $\therefore n = 10$ 

따라서 정십각형이다.

## 123 🖹 72°

정다각형의 외각의 크기의 합은 항상 360°이므로 정오각형의 한 외각의 크기는

$$\frac{360^{\circ}}{5} = 72^{\circ}$$

## 124 답 45°

$$\frac{360^{\circ}}{8} = 45^{\circ}$$

## **125 ▮** 40°

$$\frac{360^{\circ}}{9} = 40^{\circ}$$

## **126 달** 30°

$$\frac{360^{\circ}}{12} = 30^{\circ}$$

## **127 달** 18°

$$\frac{360^{\circ}}{20} = 18^{\circ}$$

## 128 답 정사각형

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면

$$\frac{360^{\circ}}{n} = 90^{\circ} \qquad \therefore n = 4$$

따라서 정사각형이다.

#### 129 답 정육각형

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면

$$\frac{360^{\circ}}{n}$$
 =  $60^{\circ}$   $\therefore n$  =  $6$ 

따라서 정육각형이다.

#### 130 답 정십각형

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면

$$\frac{360^{\circ}}{n} = 36^{\circ} \qquad \therefore n = 10$$

따라서 정십각형이다.

#### 131 답 정십오각형

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면

$$\frac{360^{\circ}}{n} = 24^{\circ} \qquad \therefore n = 15$$

따라서 정십오각형이다.

## 132 답 정십팔각형

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면

$$\frac{360^{\circ}}{n} = 20^{\circ} \qquad \therefore n = 18$$

따라서 정십팔각형이다.

## 133 답 120°, 정삼각형

한 내각의 크기가 60°이므로

(한 외각의 크기)=180°-60°=120°

구하는 정다각형을 정*n*각형이라고 하면

$$\frac{360^{\circ}}{n} = 120^{\circ} \qquad \therefore n = 3$$

따라서 정삼각형이다.

## 134 탑 72°, 정오각형

한 내각의 크기가 108°이므로

(한 외각의 크기)=180°-108°=72°

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면

$$\frac{360^{\circ}}{n} = 72^{\circ} \qquad \therefore n = 5$$

따라서 정오각형이다.

#### 135 달 60°, 정육각형

한 내각의 크기가 120°이므로

(한 외각의 크기)=180°-120°=60°

구하는 정다각형을 정*n*각형이라고 하면

$$\frac{360^{\circ}}{n} = 60^{\circ} \qquad \therefore n = 6$$

따라서 정육각형이다.

## 136 🖺 45°, 정팔각형

한 내각의 크기가 135°이므로

(한 외각의 크기)=180°-135=45°

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면

$$\frac{360^{\circ}}{n} = 45^{\circ} \qquad \therefore n = 8$$

따라서 정팔각형이다.

## 137 답 36°, 정십각형

한 내각의 크기가 144°이므로 (한 외각의 크기)=180°-144°=36° 구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면  $\frac{360^{\circ}}{n}$  = 36°  $\therefore n$  = 10

$$\frac{360}{n} = 36^{\circ} \qquad \therefore n = 10$$

따라서 정십각형이다.

## 138 답 정사각형

한 내각과 한 외각의 크기의 합이 180°이므로 한 외각의 크기는  $180^{\circ} \times \frac{1}{1+1} = 90^{\circ}$ 

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면

$$\frac{360^{\circ}}{n} = 90^{\circ} \qquad \therefore n = 4$$

따라서 정사각형이다.

## 139 탑 정삼각형

한 외각의 크기는  $180^{\circ} \times \frac{2}{1+2} = 120^{\circ}$ 

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면

$$\frac{360^{\circ}}{n} = 120^{\circ} \qquad \therefore n = 3$$

따라서 정삼각형이다.

## 140 달 정육각형

한 외각의 크기는  $180^{\circ} \times \frac{1}{2+1} = 60^{\circ}$ 

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면

$$\frac{360^{\circ}}{n} = 60^{\circ} \qquad \therefore n = 6$$

따라서 정육각형이다.

## 141 답 정팔각형

한 외각의 크기는  $180^{\circ} \times \frac{1}{3+1} = 45^{\circ}$ 

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면

$$\frac{360^{\circ}}{n} = 45^{\circ} \qquad \therefore n = 8$$

따라서 정팔각형이다.

## 142 답 정오각형

한 외각의 크기는  $180^{\circ} \times \frac{2}{3+2} = 72^{\circ}$ 

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면

$$\frac{360^{\circ}}{n} = 72^{\circ} \qquad \therefore n = 5$$

따라서 정오각형이다.

## 143 🖹 60°, 120°

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면 내각의 크기의 합이 180°이므로

$$180^{\circ} \times (n-2) = 180^{\circ}$$
  $\therefore n=3$ 

따라서 정삼각형의 한 내각의 크기는  $\frac{180^{\circ}}{3}$  =  $60^{\circ}$ 이고,

한 외각의 크기는  $\frac{360^{\circ}}{3}$ =120°이다.

## **144** 🖺 108°, 72°

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면 내각의 크기의 합이 540°이므로

$$180^{\circ} \times (n-2) = 540^{\circ}$$
  $\therefore n=5$ 

따라서 정오각형의 한 내각의 크기는  $\frac{540^{\circ}}{5}$ = $108^{\circ}$ 이고,

한 외각의 크기는  $\frac{360^{\circ}}{5}$ =72°이다.

## **145** 🔁 135°, 45°

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면 내각의 크기의 합이 180°이므로

$$180^{\circ} \times (n-2) = 1080^{\circ}$$
  $\therefore n=8$ 

따라서 정팔각형의 한 내각의 크기는  $\frac{1080^{\circ}}{8}$ =135°이고,

한 외각의 크기는  $\frac{360^{\circ}}{8}$ = $45^{\circ}$ 이다.

#### 146 🖹 140°, 40°

구하는 정다각형을 정*n*각형이라고 하면 내각의 크기의 합이 1260°이므로

$$180^{\circ} \times (n-2) = 1260^{\circ}$$
 :  $n = 9$ 

따라서 정구각형의 한 내각의 크기는  $\frac{1260^{\circ}}{9}$ =140°이고,

한 외각의 크기는  $\frac{360^{\circ}}{9}$  =  $40^{\circ}$ 이다.

#### **147** 🖶 144°, 36°

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면 내각의 크기의 합이 1440°이므로

$$180^{\circ} \times (n-2) = 1440^{\circ}$$
 :  $n = 10$ 

따라서 정십각형의 한 내각의 크기는  $\frac{1440^{\circ}}{10}$ = $144^{\circ}$ 이고,

한 외각의 크기는  $\frac{360^{\circ}}{10}$ =36°이다.

**148 달** 140°

한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수가 6개인 정다 각형은 정구각형이므로 한 내각의 크기는

$$\frac{180^{\circ} \times (9-2)}{9} = 140^{\circ}$$

**149** 🖺 36°

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면 대각선의 개수는  $\frac{n(n-3)}{2} = 35$ 

2  $n(n-3)=70=10\times7$   $\therefore n=10$  따라서 정십각형의 한 외각의 크기는  $\frac{360^{\circ}}{10}=36^{\circ}$ 

150 달 54개

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면 한 외각의 크기는  $180^{\circ} \times \frac{1}{5+1} {=}\, 30^{\circ}$ 이므로

$$\frac{360^{\circ}}{n} = 30^{\circ} \qquad \therefore n = 12$$

따라서 정십이각형의 대각선의 개수는

$$\frac{12 \times (12 - 3)}{2} = 54(7)$$

151  $\Box$   $n-2, 360^{\circ}$ 

## Ⅵ -2 원과 부채꼴

pp. 71~85

152 🖺 🕠



154 E



156 E O•

**157**  $\boxdot$  1)  $\overline{AD}$  2)  $\overline{AD}$ ,  $\overline{BC}$  3)  $\angle DOE$  4) 120°

- 158 답 부채꼴, 중심각, 현, 활꼴, 호
- **159 탑 3** 중심각의 크기가 같으면 호의 길이는 같다. ∴ *x*=3
- **160 달 4** 호의 길이는 중심각의 크기에 정비례하므로
  25:50=x:8 ∴ x=4
- **161 달 5** 호의 길이는 중심각의 크기에 정비례하므로
   120: 40=15: *x* ∴ *x*=5
- **162 탑** 80 호의 길이가 같으면 중심각의 크기는 같다. ∴ *x*=80
- 163 **달 120** 호의 길이는 중심각의 크기에 정비례하므로 80: *x*=4:6 ∴ *x*=120
- 164 달 120 호의 길이는 중심각의 크기에 정비례하므로 x:30=8:2 ∴ x=120
- **165** 달 x=8, y=60호의 길이는 중심각의 크기에 정비례하므로 30:120=2:x ∴ x=830:y=2:4 ∴ y=60
- **166** 달 x=27, y=80호의 길이는 중심각의 크기에 정비례하므로 30:135=6:x ∴ x=2730:y=6:16 ∴ y=80
- **167** 달 *x*=7, *y*=36 호의 길이는 중심각의 크기에 정비례하므로 90:126=5:*x* ∴ *x*=7 90:*y*=5:2 ∴ *y*=36

## 

호의 길이는 중심각의 크기에 정비례하므로

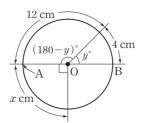
(180-y):y=12:4

(180-y):y=3:1

3y = 180 - y

4y = 180 : y = 45

45:90=4:x : x=8

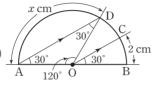


## **169** 🖹 8

오른쪽 그림에서

AD // OC 이므로

∠DAO=∠COB (동위각) =30°



OA=OD이므로 ∠ADO=∠DAO=30°

 $\therefore \angle AOD = 180^{\circ} - (30^{\circ} + 30^{\circ}) = 120^{\circ}$ 

호의 길이는 중심각의 크기에 정비례하므로

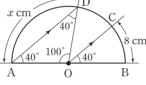
30:120=2:x : x=8

## 170 🖹 20

오른쪽 그림에서

 $\overline{\mathrm{AD}}/\!\!/ \overline{\mathrm{OC}}$ 이므로

∠DAO=∠COB (동위각) =40°



OA=OD이므로 ∠ADO=∠DAO=40°

 $\therefore \angle AOD = 180^{\circ} - (40^{\circ} + 40^{\circ}) = 100^{\circ}$ 

호의 길이는 중심각의 크기에 정비례하므로

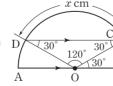
40:100=8:x : x=20

## **171** 🖹 16

오른쪽 그림에서

 $\overline{\mathrm{AB}}/\!\!/ \overline{\mathrm{DC}}$ 이므로

∠OCD=∠COB (엇각) D



4 cm

 $\overline{OC} = \overline{OD}$ 이므로

 $\angle ODC = \angle OCD = 30^{\circ}$ 

 $\therefore \angle DOC = 180^{\circ} - (30^{\circ} + 30^{\circ}) = 120^{\circ}$ 

호의 길이는 중심각의 크기에 정비례하므로

30:120=4:x  $\therefore x=16$ 

#### 172 달 원, 같다, 같다, 정비례

## 173 🖺 9

중심각의 크기가 같으면 부채꼴의 넓이는 같다.  $\therefore x=9$ 

## **174** 🖹 12

부채꼴의 넓이는 중심각의 크기에 정비례하므로 25:75=4:x  $\therefore x=12$ 

#### **175 ▮** 6

부채꼴의 넓이는 중심각의 크기에 정비례하므로 100:40=15:x  $\therefore x=6$ 

### **176 □** 36

부채꼴의 넓이가 같으면 중심각의 크기는 같다. x=36

#### **177** 🖹 90

부채꼴의 넓이는 중심각의 크기에 정비례하므로 45: x=3:6  $\therefore x=90$ 

#### **178 달** 120

부채꼴의 넓이는 중심각의 크기에 정비례하므로 40: x=4:12  $\therefore x=120$ 

#### 179 답 합동, 같다, 같다, 정비례

## 180 🖹 5

중심각의 크기가 같으면 현의 길이는 같다.  $\therefore x=5$ 

## 181 🖹 8

중심각의 크기가 같으면 현의 길이는 같다.  $\therefore x=8$ 

## **182 量** 40

현의 길이가 같으면 중심각의 크기는 같다.  $\therefore x = 40$ 

## 183 🖹 55

현의 길이가 같으면 중심각의 크기는 같다.

 $\therefore x=55$ 

- 184 달 ○
- **185** 달 ×

현의 길이는 중심각의 크기에 정비례하지 않는다.

- 186 ᠍ ○
- 187 달 ×

중심각의 크기가 같으면 부채꼴의 넓이는 같다.

크기가 같은 중심각에 대한 호의 길이와 현의 길이는 각각 같다.

- 189 🖺 같다, 호, 중심각, 정비례
- **190 달** 12π cm (둘레의 길이)=2π×6=12π(cm)
- 191 🖺 18π cm

(둘레의 길이)= $2\pi \times 9 = 18\pi (cm)$ 

(둘레의 길이)= $2\pi \times 11=22\pi (cm)$ 

193  $\Box$   $6\pi$  cm

반지름의 길이가 3 cm이므로  $(둘레의 길이)=2\pi \times 3=6\pi(\text{cm})$ 

194 **🖹** 10π cm

반지름의 길이가 5 cm이므로  $(5 \text{ all } 2 \text{ oll}) = 2\pi \times 5 = 10\pi \text{ (cm)}$ 

반지름의 길이가  $\frac{15}{2}$  cm이므로  $(둘레의 길이)=2\pi \times \frac{15}{2}=15\pi (cm)$ 

196 🖹 18π cm

(색칠한 부분의 둘레의 길이)

 $=2\pi\times6+2\pi\times3$ 

 $=12\pi+6\pi=18\pi$  (cm)

(색칠한 부분의 둘레의 길이)

 $=\frac{1}{2} \times 2\pi \times 7 + 14 = 7\pi + 14$  (cm)

198 🖹 8π cm

(색칠한 부분의 둘레의 길이)

$$=\!\frac{1}{2}\!\times\!2\pi\!\times\!4\!+\!2\!\times\!\left(\!\frac{1}{2}\!\times\!2\pi\!\times\!2\right)$$

 $=4\pi+4\pi=8\pi(cm)$ 

199  $\Box$   $10\pi$  cm

(색칠한 부분의 둘레의 길이)

$$= \frac{1}{2} \times 2\pi \times 5 + \frac{1}{2} \times 2\pi \times 3 + \frac{1}{2} \times 2\pi \times 2$$

 $=5\pi + 3\pi + 2\pi = 10\pi (cm)$ 

200  $\frac{1}{2}$  cm

원의 반지름의 길이를 r cm라고 하면

(둘레의 길이)=
$$2\pi \times r = \pi$$
  $\therefore r = \frac{1}{2}$ 

따라서 원의 반지름의 길이는  $\frac{1}{2}$  cm이다.

201 🖹 2 cm

원의 반지름의 길이를 r cm라고 하면

 $2\pi r = 4\pi$   $\therefore r = 2$ 

따라서 원의 반지름의 길이는 2 cm이다.

**202**  $\frac{5}{2}$  cm

원의 반지름의 길이를 r cm라고 하면

$$2\pi r = 5\pi$$
  $\therefore r = \frac{5}{2}$ 

따라서 원의 반지름의 길이는  $\frac{5}{2}$  cm이다.

203 🖹 6 cm

원의 반지름의 길이를  $r \, \mathrm{cm}$ 라고 하면

 $2\pi r = 12\pi$   $\therefore r = 6$ 

따라서 원의 반지름의 길이는 6 cm이다.

#### 204 **달** 13 cm

원의 반지름의 길이를 r cm라고 하면  $2\pi r = 26\pi$   $\therefore r = 13$  따라서 원의 반지름의 길이는 13 cm이다.

#### 205 🖹 15 cm

원의 반지름의 길이를 r cm라고 하면  $2\pi r = 30\pi$   $\therefore r = 15$  따라서 원의 반지름의 길이는 15 cm이다.

## $206 \equiv 16\pi \text{ cm}^2$

(넓이)= $\pi \times 4^2 = 16\pi (\text{cm}^2)$ 

## 

(넓이)= $\pi \times 9^2 = 81\pi (\text{cm}^2)$ 

#### 

반지름의 길이가 3 cm이므로  $(\stackrel{\cdot}{\text{la}})=\pi \times 3^2=9\pi(\text{cm}^2)$ 

## 209 □ 25 $\pi$ cm<sup>2</sup>

반지름의 길이가 5 cm이므로 (넓이)= $\pi \times 5^2 = 25\pi (\text{cm}^2)$ 

#### 210 $\Box$ 27 $\pi$ cm<sup>2</sup>

(색칠한 부분의 넓이)= $\pi \times 6^2 - \pi \times 3^2$ = $36\pi - 9\pi = 27\pi (\text{cm}^2)$ 

#### 

(색칠한 부분의 넓이)= $\frac{1}{2} \times \pi \times 8^2 = 32\pi (\text{cm}^2)$ 

#### 

(색칠한 부분의 넓이)

$$= \frac{1}{2} \times \pi \times 4^{2} - 2 \times \left(\frac{1}{2} \times \pi \times 2^{2}\right)$$
$$= 8\pi - 4\pi = 4\pi (\text{cm}^{2})$$

## 213 $\Box$ $10\pi \text{ cm}^2$

(색칠한 부분의 넓이)

$$= \frac{1}{2} \times \pi \times 5^{2} - \frac{1}{2} \times \pi \times 3^{2} + \frac{1}{2} \times \pi \times 2^{2}$$
$$= \frac{25}{2} \pi - \frac{9}{2} \pi + 2\pi = 10\pi \text{ (cm}^{2}\text{)}$$

## 

원의 반지름의 길이를 r cm라고 하면 (둘레의 길이)= $2\pi r=2\pi$   $\therefore r=1$   $\therefore (넓이)=\pi \times 1^2=\pi (\text{cm}^2)$ 

## 

원의 반지름의 길이를 r cm라고 하면  $2\pi r = 6\pi$   $\therefore r = 3$   $\therefore (\stackrel{}{\text{id}}) = \pi \times 3^2 = 9\pi \text{ (cm}^2)$ 

#### 

원의 반지름의 길이를 r cm라고 하면  $2\pi r = 14\pi$   $\therefore r = 7$   $\therefore (넓이) = \pi \times 7^2 = 49\pi (cm^2)$ 

## **217** $\Box$ 144 $\pi$ cm<sup>2</sup>

원의 반지름의 길이를 r cm라고 하면  $2\pi r = 24\pi$   $\therefore r = 12$   $\therefore (\stackrel{}{\text{Ho}}) = \pi \times 12^2 = 144\pi \text{ (cm}^2)$ 

## **218** $\Box$ $4\pi$ cm

원의 반지름의 길이를 r cm라고 하면  $\pi r^2 = 4\pi$ ,  $r^2 = 4$   $\therefore$  r = 2  $\therefore$  (둘레의 길이)= $2\pi \times 2 = 4\pi$ (cm)

#### 

원의 반지름의 길이를 r cm라고 하면  $\pi r^2 = 16\pi$ ,  $r^2 = 16$   $\therefore r = 4$   $\therefore$  (둘레의 길이)= $2\pi \times 4 = 8\pi$  (cm)

#### 

원의 반지름의 길이를 r cm라고 하면  $\pi r^2 = 25\pi$ ,  $r^2 = 25$   $\therefore r = 5$   $\therefore$  (둘레의 길이)= $2\pi \times 5 = 10\pi$ (cm)

#### 221 $\Box$ $16\pi$ cm

원의 반지름의 길이를 r cm라고 하면  $\pi r^2 = 64\pi$ ,  $r^2 = 8$   $\therefore r = 8$   $\therefore$  (둘레의 길이)= $2\pi \times 8 = 16\pi$ (cm)

#### **222** 답 원주율, π, 2πr, πr<sup>2</sup>

## **223** 🖹 π cm

(호의 길이)=
$$2\pi \times 2 \times \frac{90}{360}$$
= $\pi$ (cm)

## **224 🖹** 5π cm

(호의 길이)=
$$2\pi \times 6 \times \frac{150}{360} = 5\pi (cm)$$

#### **225** $\Box$ 4π cm

(호의 길이)=
$$2\pi \times 9 \times \frac{80}{360} = 4\pi (cm)$$

#### **226 달** 21π cm

(호의 길이)=
$$2\pi \times 14 \times \frac{270}{360} = 21\pi (cm)$$

#### **227** $\boxdot$ 2π cm

(호의 길이)=
$$2\pi \times 3 \times \frac{120}{360} = 2\pi (cm)$$

#### 228 🖹 π cm

(호의 길이)=
$$2\pi \times 6 \times \frac{30}{360} = \pi(cm)$$

## **229** $\Box$ $7\pi$ cm

(호의 길이)=
$$2\pi \times 4 \times \frac{315}{360}$$
= $7\pi$ (cm)

#### 230 **달** 60°

부채꼴의 중심각의 크기를  $x^\circ$ 라고 하면  $2\pi \times 6 \times \frac{x}{360} = 2\pi$   $\therefore x = 60$  따라서 부채꼴의 중심각의 크기는  $60^\circ$ 이다.

## **231** 달 100°

부채꼴의 중심각의 크기를  $x^\circ$ 라고 하면  $2\pi \times 9 \times \frac{x}{360} = 5\pi$   $\therefore x = 100$  따라서 부채꼴의 중심각의 크기는  $100^\circ$ 이다.

#### 232 **달** 90°

부채꼴의 중심각의 크기를  $x^{\circ}$ 라고 하면  $2\pi \times 8 \times \frac{x}{360} = 4\pi$   $\therefore x = 90$  따라서 부채꼴의 중심각의 크기는  $90^{\circ}$ 이다.

#### **233** 달 135°

부채꼴의 중심각의 크기를 x°라고 하면  $2\pi \times 4 \times \frac{x}{360} = 3\pi$   $\therefore x = 135$  따라서 부채꼴의 중심각의 크기는 135°이다.

## 234 🖹 8 cm

부채꼴의 반지름의 길이를 r cm라고 하면  $2\pi \times r \times \frac{45}{360} = 2\pi$   $\therefore r = 8$  따라서 부채꼴의 반지름의 길이는 8 cm이다.

## 235 달 12 cm

부채꼴의 반지름의 길이를 r cm라고 하면  $2\pi \times r \times \frac{150}{360} = 10\pi$   $\therefore r = 12$  따라서 부채꼴의 반지름의 길이는 12 cm이다.

## 

부채꼴의 반지름의 길이를 r cm라고 하면  $2\pi \times r \times \frac{270}{360} = 6\pi$   $\therefore r = 4$  따라서 부채꼴의 반지름의 길이는 4 cm이다.

#### 237 🖹 18 cm

부채꼴의 반지름의 길이를 r cm라고 하면  $2\pi \times r \times \frac{50}{360} = 5\pi$   $\therefore r = 18$  따라서 부채꼴의 반지름의 길이는 18 cm이다.

## 238 🖹 10π cm

(색칠한 부분의 둘레의 길이)  $=4\times\left(2\pi\times5\times\frac{90}{360}\right)=10\pi(\mathrm{cm})$ 

#### 239 $\Box$ (8 $\pi$ +8) cm

(색칠한 부분의 둘레의 길이)  $=2\pi \times 8 \times \frac{90}{360} + \frac{1}{2} \times 2\pi \times 4 + 8$  $=4\pi + 4\pi + 8 = 8\pi + 8 \text{ (cm)}$ 

#### **240** $\Box$ $(3\pi+6)$ cm

(색칠한 부분의 둘레의 길이)  $=2\pi\times6\times\frac{60}{360}+2\pi\times3\times\frac{60}{360}+(6-3)\times2$   $=2\pi+\pi+6=3\pi+6(\text{cm})$ 

## 

(색칠한 부분의 둘레의 길이)

$$= 2\pi \times 4 \times \frac{240}{360} + 2\pi \times 2 \times \frac{240}{360} + 2 \times 2$$

$$=\frac{16}{3}\pi + \frac{8}{3}\pi + 4 = 8\pi + 4$$
(cm)

## $242 \equiv 2\pi \text{ cm}^2$

(넓이)=
$$\pi \times 4^2 \times \frac{45}{360} = 2\pi (\text{cm}^2)$$

## 243 🖹 6π cm<sup>2</sup>

(넓이)=
$$\pi \times 6^2 \times \frac{60}{360} = 6\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

## $244 ext{ } ext{ }$

(넓이)=
$$\pi \times 3^2 \times \frac{160}{360} = 4\pi (\text{cm}^2)$$

## $245 \equiv 3\pi \text{ cm}^2$

(넓이)=
$$\pi \times 2^2 \times \frac{270}{360} = 3\pi (\text{cm}^2)$$

## 

(넓이)=
$$\pi \times 3^2 \times \frac{120}{360} = 3\pi (\text{cm}^2)$$

## $247 \equiv 12\pi \text{ cm}^2$

(넓이)=
$$\pi \times 12^2 \times \frac{30}{360} = 12\pi (\text{cm}^2)$$

#### $248 \equiv 14\pi \text{ cm}^2$

(넓이)=
$$\pi \times 4^2 \times \frac{315}{360} = 14\pi (\text{cm}^2)$$

## $249 \equiv 24\pi \text{ cm}^2$

(넓이)=
$$\pi \times 8^2 \times \frac{135}{360} = 24\pi (\text{cm}^2)$$

## **250 ₺** 30°

부채꼴의 중심각의 크기를 x°라고 하면

$$\pi \times 6^2 \times \frac{x}{360} = 3\pi$$
  $\therefore x = 30$ 

따라서 부채꼴의 중심각의 크기는 30°이다.

#### **251 달** 80°

부채꼴의 중심각의 크기를 x°라고 하면

$$\pi \times 3^2 \times \frac{x}{360} = 2\pi \qquad \therefore x = 80$$

따라서 부채꼴의 중심각의 크기는 80°이다.

#### 252 **달** 90°

부채꼴의 중심각의 크기를 x°라고 하면  $\pi \times 4^2 \times \frac{x}{360} = 4\pi \qquad \therefore x = 90$  따라서 부채꼴의 중심각의 크기는 90°이다

#### **253 ▮** 45°

부채꼴의 중심각의 크기를  $x^\circ$ 라고 하면  $\pi \times 12^2 \times \frac{x}{360} = 18\pi$   $\therefore x = 45$  따라서 부채꼴의 중심각의 크기는  $45^\circ$ 이다.

#### 

부채꼴의 반지름의 길이를 r cm라고 하면  $\pi \times r^2 \times \frac{135}{360} = 24\pi$ ,  $r^2 = 64$ 

 $\therefore r=8$ 

따라서 부채꼴의 반지름의 길이는 8 cm이다.

## 255 🖹 2 cm

부채꼴의 반지름의 길이를 r cm라고 하면

$$\pi \times r^2 \times \frac{90}{360} = \pi, r^2 = 4$$

 $\therefore r=2$ 

따라서 부채꼴의 반지름의 길이는 2 cm이다.

## 256 🖹 6 cm

부채꼴의 반지름의 길이를 r cm라고 하면

$$\pi \times r^2 \times \frac{60}{360} = 6\pi, r^2 = 36$$

∴ r=6

따라서 부채꼴의 반지름의 길이는 6 cm이다.

#### 257 🖹 10 cm

부채꼴의 반지름의 길이를  $r \, \mathrm{cm}$ 라고 하면

$$\pi \times r^2 \times \frac{36}{360} = 10\pi, r^2 = 100$$

 $\therefore r=10$ 

따라서 부채꼴의 반지름의 길이는 10 cm이다.

## 

(색칠한 부분의 넓이)

$$=2\times\left(4\times4-\pi\times4^2\times\frac{90}{360}\right)$$

 $=32-8\pi(\text{cm}^2)$ 

# **259** $\frac{25}{2}\pi \text{ cm}^2$

(색칠한 부분의 넓이)

$$= \pi \times 10^{2} \times \frac{90}{360} - \frac{1}{2} \times \pi \times 5^{2}$$
$$= 25\pi - \frac{25}{2}\pi = \frac{25}{2}\pi (\text{cm}^{2})$$

# $\frac{260}{2} \equiv \frac{21}{2} \pi \text{ cm}^2$

(색칰한 부분의 넓이)

$$=\pi \times 12^{2} \times \frac{60}{360} - \pi \times 9^{2} \times \frac{60}{360}$$
$$=24\pi - \frac{27}{2}\pi = \frac{21}{2}\pi \text{ (cm}^{2}\text{)}$$

## 261 $\Box$ $18\pi \text{ cm}^2$

(색칠한 부분의 넓이)

$$= \pi \times 6^{2} \times \frac{240}{360} - \pi \times 3^{2} \times \frac{240}{360}$$
$$= 24\pi - 6\pi = 18\pi \text{ (cm}^{2}\text{)}$$

## 262 **□** 30 cm<sup>2</sup>

(넓이)=
$$\frac{1}{2}$$
×(반지름의 길이)×(호의 길이)
$$=\frac{1}{2}\times 6\times 10=30 (cm^2)$$

## $263 \equiv 20\pi \text{ cm}^2$

(넓이)=
$$\frac{1}{2}$$
×5×8 $\pi$ =20 $\pi$ (cm²)

#### $264 \equiv 2\pi \text{ cm}^2$

(넓이)=
$$\frac{1}{2} \times 4 \times \pi = 2\pi (\text{cm}^2)$$

## $265 ext{ } ext{ } ext{ } 15\pi ext{ } ext{cm}^2$

(넓이)=
$$\frac{1}{2} \times 5 \times 6\pi = 15\pi (\text{cm}^2)$$

#### $266 \equiv 60\pi \text{ cm}^2$

(넓이)=
$$\frac{1}{2}$$
×12×10 $\pi$ =60 $\pi$ (cm<sup>2</sup>)

## 267 🖹 10 cm

부채꼴의 반지름의 길이를 r cm라고 하면

$$\frac{1}{2} \times r \times 3\pi = 15\pi$$
  $\therefore r = 10$ 

따라서 부채꼴의 반지름의 길이는 10 cm이다.

## 

부채꼴의 반지름의 길이를 r cm라고 하면  $\frac{1}{2} \times r \times 2\pi = 5\pi \qquad \therefore r = 5$ 따라서 부채꼴의 반지름의 길이는 5 cm이다.

## 269 **달** 4 cm

부채꼴의 반지름의 길이를 r cm라고 하면  $\frac{1}{2} \times r \times 5\pi = 10\pi \qquad \therefore r = 4$ 따라서 부채꼴의 반지름의 길이는 4 cm이다.

## 270 달 14 cm

부채꼴의 반지름의 길이를 r cm라고 하면  $\frac{1}{2} \times r \times 3\pi = 21\pi$   $\therefore r = 14$ 따라서 부채꼴의 반지름의 길이는 14 cm이다.

# **271** $\boxminus$ $2\pi r, x, \pi r^2, \frac{1}{2}$

# **● 단원 총정리 문제 Ⅵ평면도형**

pp.86~87

- 01 ①, ④ 02 정오각형 03 9개 04 ③
- **05** 25° **06** 65° **07** ④ **08** 115°
- **09** ⑤ **10** 720° **11** ③ **12** 12 cm<sup>2</sup>
- **13** ② **14** (1)  $135^{\circ}$  (2)  $6\pi$  cm<sup>2</sup>
- **15**  $(6\pi+8)$  cm **16**  $(25\pi-50)$ cm<sup>2</sup>

#### 01 目 ①. ④

- ① 원은 곡선으로 이루어져 있다.
- ④ 사각기둥은 평면도형이 아니다.

#### 02 답 정오각형

#### 03 달 9개

구하는 다각형을 n각형이라고 하면

$$\frac{n(n-3)}{2} = 27$$

 $n(n-3) = 54 = 9 \times 6$  : n=9따라서 구각형의 꼭짓점의 개수는 9개이다.

## **04** 🖺 3

 $2(\times + \circ) = 180^{\circ}$ 이므로  $\times + \circ = 90^{\circ}$ 따라서  $\triangle ABP에서$  $\angle x = 180^{\circ} - (90^{\circ} + 50^{\circ}) = 40^{\circ}$ 

## **05 월** 25°

 $(\angle x + 25^{\circ}) + 2 \angle x + (3 \angle x + 5^{\circ}) = 180^{\circ}$   $6 \angle x + 30^{\circ} = 180^{\circ}, 6 \angle x = 150^{\circ}$  $\therefore \angle x = 25^{\circ}$ 

## 

 $\triangle$ PAB,  $\triangle$ PCD에서  $\angle$ APC는 외각이므로  $\angle x+50^\circ = \angle$ APC= $45^\circ+70^\circ$   $\therefore \angle x=115^\circ-50^\circ=65^\circ$ 

#### **07 ▮ 4**

△ABC에서

 $\angle ABC + \angle ACB = 180^{\circ} - 74^{\circ} = 106^{\circ}$ 

 $\angle IBC + \angle ICB = \frac{1}{2}(\angle ABC + \angle ACB)$ =  $\frac{1}{2} \times 106^{\circ} = 53^{\circ}$ 

따라서 △IBC에서

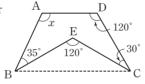
 $\angle x = 180^{\circ} - (\angle IBC + \angle ICB)$ =  $180^{\circ} - 53^{\circ} = 127^{\circ}$ 

## **08** 🖶 115°

오른쪽 그림과 같이 보조선을 그으면  $\triangle EBC$ 에서

 $\angle EBC + \angle ECB$ 

 $=180^{\circ}-120^{\circ}=60^{\circ}$ 



따라서 사각형의 내각의 크기의 합은  $360^\circ$ 이므로  $\angle x+35^\circ+\angle EBC+\angle ECB+30^\circ+120^\circ=360^\circ$   $\angle x+35^\circ+60^\circ+30^\circ+120^\circ=360^\circ$ 

 $\therefore \angle x = 115^{\circ}$ 

## 09 🖺 🧐

다각형의 외각의 크기의 합은 360°이므로 주어진 오각형의 가장 작은 외각의 크기는

$$360^{\circ} \times \frac{1}{2+5+4+1+3} = 24^{\circ}$$

따라서 가장 큰 내각의 크기는

 $180^{\circ} - 24^{\circ} = 156^{\circ}$ 

#### 10 **T** 720°

구하는 정다각형을 정n각형이라고 하면

$$\frac{180^{\circ} \times (n-2)}{n} = 120^{\circ}$$

 $180^{\circ} \times n - 360^{\circ} = 120^{\circ} \times n$ ,  $60^{\circ} \times n = 360^{\circ}$ 

 $\therefore n=6$ 

따라서 정육각형의 내각의 크기의 합은

 $180^{\circ} \times (6-2) = 720^{\circ}$ 

#### [다른 풀이]

정n각형의 한 내각의 크기가  $120^{\circ}$ 이므로 한 외각의 크기는  $180^{\circ} - 120^{\circ} = 60^{\circ}$ 

즉, 
$$\frac{360^{\circ}}{n} = 60^{\circ}$$
에서  $n = 6$ 

따라서 정육각형의 내각의 크기의 합은

 $180^{\circ} \times (6-2) = 720^{\circ}$ 

#### **11** 🖺 ③

구하는 정다각형을 정n각형이라 하고, 정n각형의 한 외각의 크기를  $\angle x$ 라고 하면 한 내각의 크기는  $3\angle x$ 이므로

 $3 \angle x + \angle x = 180^{\circ}, 4 \angle x = 180^{\circ}$ 

 $\therefore \angle x = 45^{\circ}$ 

즉,  $\frac{360°}{n}$ =45°에서 n=8

따라서 정팔각형의 대각선의 개수는

 $\frac{8 \times (8-3)}{2} = 20(7)$ 

#### 12 🖹 12 cm<sup>2</sup>

호의 길이는 중심각의 크기에 정비례하므로

 $\angle AOB$ :  $\angle COD = 10:4$ 

이때, 부채꼴 COD의 넓이를  $x \operatorname{cm}^2$ 라고 하면 부채꼴의 넓이도 중심각의 크기에 정비례하므로

 $\angle AOB : \angle COD = 30 : x$ 

따라서 10 : 4=30 : *x*이므로

10x = 120 : x = 12

#### **13 월** ②

(색칠한 부분의 넓이)

=(반지름의 길이가 6 cm인 원의 넓이)

-(반지름의 길이가 3 cm인 원의 넓이)

 $=\pi\times6^2-\pi\times3^2$ 

 $=36\pi-9\pi=27\pi(\text{cm}^2)$ 

## **14** $\boxminus$ (1) **135**° (2) $6\pi$ cm<sup>2</sup>

(1) 부채꼴의 중심각의 크기를  $x^{\circ}$ 라고 하면

$$2\pi \times 4 \times \frac{x}{360} = 3\pi$$
  $\therefore x = 135$ 

따라서 부채꼴의 중심각의 크기는 135°이다

(2) 부채꼴의 넓이를  $S \text{ cm}^2$ 라고 하면

$$S = \frac{1}{2} \times 4 \times 3\pi = 6\pi$$

따라서 부채꼴의 넓이는  $6\pi$  cm<sup>2</sup>이다.

## 15 $(6\pi + 8)$ cm

(색칠한 부분의 둘레의 길이)

- =(반지름의 길이가 4 cm인 반원의 호의 길이)
  - +(반지름의 길이가 8 cm, 중심각의 크기가 45°인

부채꼴의 호의 길이)

+8

$$= \frac{1}{2} \times 2\pi \times 4 + 2\pi \times 8 \times \frac{45}{360} + 8$$

 $=4\pi+2\pi+8=6\pi+8$  (cm)

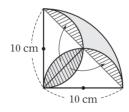
## 

오른쪽 그림과 같이 도형을 이동시키면

(색칠한 부분의 넓이)

$$= \pi \times 10^{2} \times \frac{90}{360} - \frac{1}{2} \times 10 \times 10$$

 $=25\pi-50(\text{cm}^2)$ 



# VIII 입체도형

## Ⅶ -1 다면체와 회전체

pp. 92~106

01 답 〇

다면체는 다각형인 면으로만 둘러싸인 입체도형이다.

02 탑 ×

다각형이 아닌 원이나 곡면으로 둘러싸인 입체도형은 다면체가 아니다.

- 04 월 ○
- 05 달 5개
- 06 🖺 6개
- **07** 달 7개 **08** 달 8개
- 09 달 6개
- 10 儲 9개
- 11 달 12개 12 달 15개
- 13 답 면의 개수: 4개, 사면체
- 14 달 면의 개수: 5개, 오면체
- 15 답 면의 개수: 6개, 육면체
- 16 답 면의 개수: 8개, 팔면체
- 17 답 다면체, 오면체, 육면체
- 18 답 사각형, 사각뿔대
- 19 달 오각형, 오각뿔대
- 20 답 육각형, 육각뿔대
- 21 달 8개, 12개, 6개
- 22 달 10개, 15개, 7개
- 23 달 12개, 18개, 8개
- 24 답 사다리꼴

각뿔대의 옆면은 모두 사다리꼴이다.

- 25 답 사다리꼴 26 답 사다리꼴
- 27 달 사다리꼴

- - 1) 밑면의 개수가 2개인 것은 각기둥과 각뿔대이다.
  - 2) 옆면의 모양이 사다리꼴인 것은 각뿔대이다.
  - **3)**∼**5)** 주어진 다면체의 면, 꼭짓점, 모서리의 개수는 다음 표와 같다.

	면의 개수(개)	꼭짓점의 개수(개)	모서리의 개수(개)
ㄱ. 사각기둥	6	8	12
ㄴ. 오각뿔	6	6	10
ㄷ. 오각뿔대	7	10	15
ㄹ. 육각뿔	7	7	12
ㅁ. 사각뿔대	6	8	12
ㅂ. 육각기둥	8	12	18
ㅅ. 육각뿔대	<b>시. 육각뿔대</b> 8 12		18
ㅇ. 칠각뿔	8 8 14		14
ㅈ. 팔각기둥	10	16	24

- 29 🗈 각뿔대, 2, 사다리꼴
- 30 답 해설 참조

	정사면체	정육면체	정팔면체	정십이면체	정이십면체
겨냥도	$\bigoplus$				
면의 모양	정삼각형	정사각형	정삼각형	정오각형	정삼각형
한 꼭짓점에 모인 면의	$\triangle$		$\Diamond$	$\Leftrightarrow$	$\otimes$
개수(개)	3	3	4	3	5
꼭짓점의 개수(개)	4	8	6	20	12
모서리의 개수(개)	6	12	12	30	30
면의 개수(개)	4	6	8	12	20

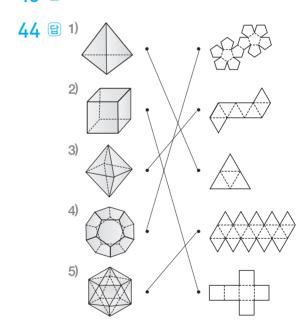
### 31 달 ×

모든 면이 합동인 정다각형이고 각 꼭짓점에 모인 면의 개수가 같은 다면체를 정다면체라고 한다.

- **32** 🖶 ○
- 33 월 ○
- 34 🖶 ×

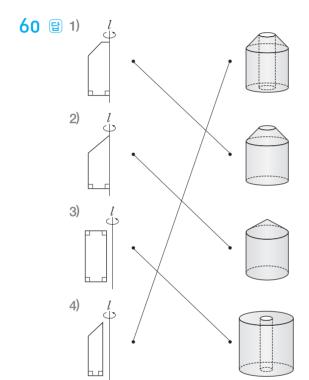
정다면체의 면의 모양은 정삼각형, 정사각형, 정오각형 중하나이다.

- **35** 탑 × 정팔면체의 모서리의 개수는 12개이다.
- 36 월 ○
- 37 🗈 정사면체, 정팔면체, 정이십면체
- 38 답 정육면체
- 39 답 정십이면체
- 40 답 정사면체, 정육면체, 정십이면체
- 41 답 정팔면체
- 42 답 정이십면체
- 43 달 정다면체, 정사면체, 정팔면체, 정이십면체, 5



- **45 □** 1) 2) × 3) 4) ×
- 46 탑 꼭짓점 E
- 47 답 꼭짓점 D
- 48 달 모서리 AC(모서리 EC), 모서리 AF(모서리 EF), 모서리 BC(모서리 DC), 모서리 BF(모서리 DF)
- 49 달 모서리 CF
- **50** 달 꼭짓점 G
- **51** 달 모서리 CD(또는 모서리 FG)

- 52 달 모서리  $\mathrm{DJ}(\mathrm{PHOI}\ \mathrm{FJ})$ , 모서리  $\mathrm{DE}(\mathrm{PHOI}\ \mathrm{FE})$ , 모서리  $\mathrm{JC}(\mathrm{PHOI}\ \mathrm{JG})$ , 모서리  $\mathrm{EC}(\mathrm{PHOI}\ \mathrm{EG})$
- 53 달 정육면체, E
- **54** 🖺 O
- **55 달** ×
- 56 월 ○
- **57** 🖺 ×
- 58 월 ○
- **59 ▮** ○



**61** <sup></sup>□



62 월

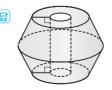




**64 <sup>□</sup>** 



**65 말** 



66 🖺 회전체, 원뿔대

- 67 🖺 🦳
- **68 말**

**69 □** 



70 달



**71** 달



**73** 🖺



**74** 🖺



**75 □** 



**76 □** 



- **77 ⓑ** 1) ∟ 2) ≥ 3) □ 4) ¬ 5) □
- 78 월 ○
- **79 ▮** ○
- 80 🖹 ×

원뿔대를 회전축을 포함하는 평면으로 자를 때 생기는 단면은 사다리꼴이다.

- **81 월** ○
- **82** 달



**83 □** 



**84 ₽** 



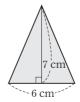
**85 □** 



86 답 단면: 해설참조, 21 cm²

(단면의 넓이) $=\frac{1}{2} \times 6 \times 7$ 

 $=21(cm^{2})$ 



## 87 답 단면: 해설참조, 81 cm<sup>2</sup>

(단면의 넓이)

$$= \frac{1}{2} \times (6+12) \times 9$$

 $=81(cm^{2})$ 



## 88 답 단면: 해설참조, $25\pi$ cm<sup>2</sup>

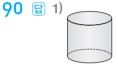
(단면의 넓이)

$$=\pi \times 5^2$$

 $=25\pi (cm^2)$ 



## 89 답 원, 직사각형, 이등변삼각형, 사다리꼴, 원









**92**  $\Box$   $a=6, b=12\pi$ 

 $b=2\pi\times 6=12\pi$ 

 $b=2\pi\times3=6\pi$ 

 $94 \equiv a=5, b=9$ 

95  $\Box$   $a=13, b=12\pi$ 

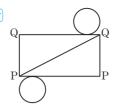
 $b = 2\pi \times 6 = 12\pi$ 

**97**  $\Box$   $a=14\pi, b=26\pi$ 

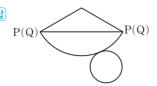
 $a=2\pi\times7=14\pi$ 

 $b = 2\pi \times 13 = 26\pi$ 

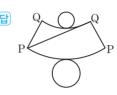
98 달



99 답



100 답



101 답 원기둥, 둘레, 직사각형, 원뿔, 부채꼴, 호, 원뿔대

## ₩ -2 입체도형의 겉넓이와 부피

pp. 107~129

102 🖹 1) 24 cm<sup>2</sup> 2) 288 cm<sup>2</sup> 3) 336 cm<sup>2</sup>

1) 삼각기둥의 밑면이 직각삼각형이므로

(밑넓이)=
$$\frac{1}{2}$$
×8×6=24(cm²)

2) 밑면의 둘레의 길이는 24 cm이고, 높이는 12 cm이므로

(옆넓이)=24×12=288(cm²)

3) (겉넓이)=(밑넓이)×2+(옆넓이)

 $=24 \times 2 + 288$ 

 $=336(cm^{2})$ 

#### 103 🖹 1) 36 cm<sup>2</sup> 2) 280 cm<sup>2</sup> 3) 352 cm<sup>2</sup>

1) 사각기둥의 밑면이 사다리꼴이므로

(밀넓이)=
$$\frac{1}{2}$$
×(6+12)×4=36(cm<sup>2</sup>)

2) 밑면의 둘레의 길이는 28 cm이고, 높이는 10 cm이므로

(옆넒이)=28×10=280(cm<sup>2</sup>)

3) (겉넓이)=(밑넓이)×2+(옆넓이)

 $=36 \times 2 + 280$ 

 $=352(cm^2)$ 

104 🖹 152 cm<sup>2</sup>

(밀넓이)=
$$\frac{1}{2} \times 6 \times 4 = 12 (cm^2)$$

(옆넓이)= $(5+6+5) \times 8=128$ (cm<sup>2</sup>)

∴ (겉넓이)=12×2+128=152(cm²)

### 105 🖹 292 cm<sup>2</sup>

(밑넓이)=8×7=56(cm²) (옆넓이)=(7+8+7+8)×6=180(cm²) ∴ (겥넓이)=56×2+180=292(cm²)

## 106 🖹 540 cm<sup>2</sup>

(밀넓이)= $\frac{1}{2}$ ×(7+13)×8=80(cm²) (열넓이)=(8+7+10+13)×10=380(cm²)  $\therefore$  (걸넓이)=80×2+380=540(cm²)

- 107 🖹 1) 27 cm<sup>2</sup> 2) 240 cm<sup>2</sup> 3) 120 cm<sup>2</sup> 4) 414 cm<sup>2</sup>
  - 1) (밑넓이)= $6 \times 6 3 \times 3 = 27 \text{ (cm}^2)$
  - 2) (바깥쪽의 옆넓이)=(6+6+6+6)×10 =240(cm²)
  - 3) (안쪽의 옆넓이)=(3+3+3+3)×10 =120(cm²)
  - 4) (겉넓이)=27×2+240+120 =414(cm²)

## 108 달 2, 옆넓이, 2, 둘레, 높이

# 109 🖹 1) 30 cm<sup>2</sup> 2) 10 cm 3) 300 cm<sup>3</sup>

1) 밑면이 직각삼각형이므로

(밑넓이)=
$$\frac{1}{2} \times 5 \times 12 = 30 \text{ (cm}^2)$$

3) (부피)=(밑넓이)×(높이) =30×10=300(cm³)

#### 110 **1** 1) 20 cm<sup>2</sup> 2) 6 cm 3) 120 cm<sup>3</sup>

**1)** 밑면이 직사각형이므로 (밑넓이)=4×5=20(cm²)

3) (부피)=(밑넓이)×(높이) =20×6=120(cm³)

#### 111 🔁 1) 36 cm<sup>2</sup> 2) 9 cm 3) 324 cm<sup>3</sup>

1) 밑면이 사다리꼴이므로

(밑넓이)=
$$\frac{1}{2}$$
×(6+12)×4=36(cm<sup>2</sup>)

3) (부피)= $36 \times 9 = 324 (cm^3)$ 

## 112 🖹 1) 24 cm<sup>2</sup> 2) 10 cm 3) 240 cm<sup>3</sup>

1) 밑면인 오각형의 넓이는 사다리꼴과 삼각형의 넓이의 한과 같으므로

(밑넓이)=
$$\frac{1}{2}$$
×(4+8)×2+ $\frac{1}{2}$ ×8×3
$$=12+12=24(cm^2)$$

3) (부피)= $24 \times 10 = 240 \text{ (cm}^3\text{)}$ 

## 113 🖹 10 cm

(부피)=(밑넓이)×(높이)이므로 180=18×(높이) ∴ (높이)=10(cm)

#### 114 🖹 4 cm

(부피)=(밑넓이)×(높이)이므로 72=18×(높이) ∴ (높이)=4(cm)

### 115 🖹 19 cm<sup>2</sup>

(부피)=(밑넓이)×(높이)이므로 285=(밑넓이)×15 ∴ (밑넓이)=19(cm²)

#### 116 🖹 28 cm<sup>2</sup>

(부피)=(밑넓이)×(높이)이므로 448=(밑넓이)×16 ∴ (밑넓이)=28(cm²)

## 117 🖹 1) 14 cm<sup>2</sup> 2) 6 cm 3) 84 cm<sup>3</sup>

1) (밑넓이)

=(큰 직사각형의 넓이)-(작은 직사각형의 넓이) $=4 \times 5 - 2 \times 3 = 14 (cm^2)$ 

3) (부피)=(밑넓이)×(높이) =14×6=84(cm³)

#### [다른 풀이]

(부피)=(큰 각기둥의 부피)-(작은 각기둥의 부피)= $(4\times5)\times6-(2\times3)\times6$ = $120-36=84(cm^3)$ 

#### 118 달 높이, Sh

119  $\Box$  1)  $9\pi$  cm<sup>2</sup> 2)  $60\pi$  cm<sup>2</sup> 3)  $78\pi$  cm<sup>2</sup>

1) (밑넓이)= $\pi \times 3^2 = 9\pi (\text{cm}^2)$ 

2) (옆넓이)= $2\pi \times 3 \times 10 = 60\pi (\text{cm}^2)$ 

3) (겉넓이)=(밑넓이) $\times$ 2+(옆넓이) = $9\pi \times 2 + 60\pi = 78\pi (\text{cm}^2)$ 

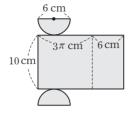
#### 120 $\Xi$ 1) $25\pi$ cm<sup>2</sup> 2) $120\pi$ cm<sup>2</sup> 3) $170\pi$ cm<sup>2</sup>

1) (밑넓이)= $\pi \times 5^2 = 25\pi (\text{cm}^2)$ 

2) (옆넓이)= $(2\pi \times 5) \times 12 = 120\pi (cm^2)$ 

3) (겉넓이)= $25\pi \times 2 + 120\pi = 170\pi (\text{cm}^2)$ 

- 3)  $(30\pi+60)$  cm<sup>2</sup> 4)  $(39\pi+60)$  cm<sup>2</sup>
  - 1) 옆면의 가로의 길이는 밑면 인 반원의 호의 길이와 지 름의 길이의 합이므로 (옆면의 가로의 길이)



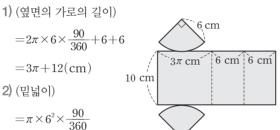
$$= \frac{1}{2} \times 2\pi \times 3 + 6$$
$$= 3\pi + 6 \text{ (cm)}$$

2) (밀넓이)=
$$\frac{1}{2} \times \pi \times 3^2 = \frac{9}{2} \pi (\text{cm}^2)$$

3) (옆넓이)=
$$(3\pi+6) \times 10=30\pi+60$$
(cm<sup>2</sup>)

4) (겉넓이)=
$$\frac{9}{2}\pi \times 2 + 30\pi + 60 = 39\pi + 60$$
(cm²)

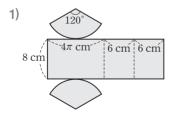
122  $\Box$  1)  $(3\pi+12)$  cm 2)  $9\pi \text{ cm}^2$ 3)  $(30\pi+120)$  cm<sup>2</sup> 4)  $(48\pi+120)$  cm<sup>2</sup>



$$=2\pi \times 6 \times \frac{90}{360} + 6 + 6$$

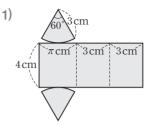
$$=3\pi + 12(\text{cm})$$

- $=9\pi (cm^2)$
- 3) (옆넓이)= $(3\pi+12)\times 10$  $=30\pi+120(\text{cm}^2)$
- 4) (겉넓이)= $9\pi \times 2 + 30\pi + 120$  $=48\pi+120(\text{cm}^2)$
- 123 답 1) 해설 참조 2)  $12\pi \text{ cm}^2$ 3)  $(32\pi+96)$  cm<sup>2</sup> 4)  $(56\pi+96)$  cm<sup>2</sup>



- 2) (밀넓이)= $\pi \times 6^2 \times \frac{120}{360} = 12\pi (cm^2)$
- 3) (옆넓이)  $=\left(2\pi\times6\times\frac{120}{360}+6+6\right)\times8$  $=(4\pi+12)\times8=32\pi+96$  (cm<sup>2</sup>)
- 4) (겉넓이)= $12\pi \times 2 + 32\pi + 96 = 56\pi + 96$ (cm<sup>2</sup>)

**124** 달 1) 해설 참조 2)  $\frac{3}{2}\pi$  cm<sup>2</sup> 3)  $(4\pi+24)$  cm<sup>2</sup> 4)  $(7\pi+24)$  cm<sup>2</sup>



- 2) (밀덟이)= $\pi \times 3^2 \times \frac{60}{360} = \frac{3}{2}\pi (\text{cm}^2)$
- 3) (옆넓이)= $\left(2\pi \times 3 \times \frac{60}{360} + 3 + 3\right) \times 4$  $=(\pi+6)\times4=4\pi+24(\text{cm}^2)$
- 4) (겉넓이)= $\frac{3}{2}\pi \times 2 + 4\pi + 24$  $=7\pi + 24$  (cm<sup>2</sup>)
- 125  $\Box$  1)  $21\pi$  cm<sup>2</sup> 2)  $100\pi \text{ cm}^2$ 3)  $40\pi \text{ cm}^2$ 4)  $182\pi \text{ cm}^2$ 
  - 1) (밀넓이)= $\pi \times 5^2 \pi \times 2^2 = 21\pi (\text{cm}^2)$
  - 2) (바깥쪽의 옆넓이)= $(2\pi \times 5) \times 10 = 100\pi (\text{cm}^2)$
  - 3) (안쪽의 옆넓이)= $(2\pi \times 2) \times 10 = 40\pi (\text{cm}^2)$
  - 4) (겉넓이)= $21\pi \times 2 + 100\pi + 40\pi = 182\pi (\text{cm}^2)$
- 126  $\Box$  1)  $32\pi$  cm<sup>2</sup> 2)  $96\pi \text{ cm}^2$ 3)  $32\pi \text{ cm}^2$ 4)  $192\pi \text{ cm}^2$ 
  - 1) (밀넓이)= $\pi \times 6^2 \pi \times 2^2 = 32\pi (\text{cm}^2)$
  - 2) (바깥쪽의 옆넓이)= $(2\pi \times 6) \times 8 = 96\pi (\text{cm}^2)$
  - 3) (안쪽의 옆넓이)= $(2\pi \times 2) \times 8 = 32\pi (cm^2)$
  - 4) (겉넓이)= $32\pi \times 2 + 96\pi + 32\pi = 192\pi (\text{cm}^2)$
- 127 답 밑넓이,  $2\pi rh$
- 128  $\Box$  1)  $9\pi$  cm<sup>2</sup> 2) 10 cm 3)  $90\pi$  cm<sup>3</sup>
  - 1) (밀넓이)= $\pi \times 3^2 = 9\pi (\text{cm}^2)$
  - 3) (부피)=(밑넓이)×(높이)
    - $=9\pi \times 10 = 90\pi (\text{cm}^3)$
- 129 달 밑넓이 : 16π cm², 부피 : 128π cm³ (밑넓이)= $\pi \times 4^2 = 16\pi (cm^2)$

(부피)=(밑넓이)×(높이)

 $=16\pi \times 8 = 128\pi (\text{cm}^3)$ 

130 답 밑넓이 :  $25\pi \text{ cm}^2$ , 부피 :  $175\pi \text{ cm}^3$ 

(밀넓이)= $\pi \times 5^2 = 25\pi (\text{cm}^2)$ 

 $(부피) = 25\pi \times 7 = 175\pi (cm^3)$ 

- 131 달 밑넓이: 81π cm², 부피: 486π cm³ (밑넓이)=π×9²=81π(cm²)

(밀덞이)=
$$\pi \times 6^2 \times \frac{60}{360} = 6\pi (\text{cm}^2)$$

(밀넓이)=
$$\pi \times 3^2 \times \frac{120}{360} = 3\pi (\text{cm}^2)$$

- $\therefore$  (부피)= $3\pi \times 9=27\pi$  (cm<sup>3</sup>)

(밑넓이)=
$$\pi \times 6^2 \times \frac{270}{360} = 27\pi (\text{cm}^2)$$

- $\therefore$  ( $\stackrel{\text{\tiny H}}{\vdash}$  $\stackrel{\text{\tiny J}}{=}$ )=27 $\pi$ ×7=189 $\pi$ (cm<sup>3</sup>)

(밑넓이)=
$$\pi \times 7^2 - \pi \times 2^2 = 45\pi (\text{cm}^2)$$

136  $\Box$   $72\pi \text{ cm}^3$ 

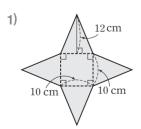
(밀넓이)=
$$\pi \times 4^2 - \pi \times 2^2 = 12\pi (\text{cm}^2)$$

$$\therefore$$
 (부회)= $12\pi \times 6 = 72\pi (\text{cm}^3)$ 

(밑넓이)=
$$\pi \times 7^2 - \pi \times 3^2 = 40\pi (\text{cm}^2)$$

$$\therefore$$
 (부յ피)= $40\pi \times 8 = 320\pi (cm^3)$ 

- **138** 旨 높이,  $\pi r^2$ ,  $\pi r^2 h$
- 139 달 1) 해설 참조 2) 100 cm<sup>2</sup> 3) 240 cm<sup>2</sup> 4) 340 cm<sup>2</sup>

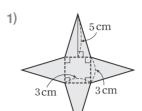


2) 사각뿔의 밑면이 정사각형이므로 (밑넓이)=10×10=100(cm²) 3) 사각뿔의 옆면은 모두 합동인 삼각형이므로

(옆넓이)=
$$\left(\frac{1}{2}\times10\times12\right)\times4=240$$
(cm²)

$$=100+240=340(\text{cm}^2)$$

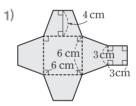
- 140 답 1) 해설 참조 3) 30 cm<sup>2</sup>
- 2) 9 cm<sup>2</sup> 4) 39 cm<sup>2</sup>



2) (밑넓이)=3×3=9(cm²)

3) (옆넓이)=
$$\left(\frac{1}{2} \times 3 \times 5\right) \times 4 = 30 \text{ (cm}^2)$$

- 4) (겉넓이)=9+30=39(cm²)
- 141 답 1) 해설 참조 2) 45 cm<sup>2</sup> 3) 72 cm<sup>2</sup> 4) 117 cm<sup>2</sup>



2) 두 밑면이 모두 정사각형이므로

(두 밑면의 넓이의 합)=
$$3 \times 3 + 6 \times 6 = 45$$
(cm<sup>2</sup>)

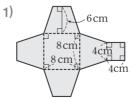
3) 사각뿔대의 옆면은 모두 합동인 사다리꼴이므로

(옆넓이)=
$$\left\{\frac{1}{2} \times (3+6) \times 4\right\} \times 4 = 72(\text{cm}^2)$$

4) (겉넓이)=(두 밑면의 넓이의 합)+(옆넓이)

$$=45+72=117(\text{cm}^2)$$

142 답 1) 해설 참조 2) 80 cm<sup>2</sup> 3) 144 cm<sup>2</sup> 4) 224 cm<sup>2</sup>



2) (두 밑면의 넓이의 합)=8×8+4×4=80(cm²)

3) (옆넓이)=
$$\left\{\frac{1}{2} \times (4+8) \times 6\right\} \times 4 = 144 \text{(cm}^2)$$

- 4) (겉넓이)=80+144=224(cm²)
- 143 🖹 1, 옆넓이

- 144 🖹 1) 12 cm<sup>2</sup> 2) 5 cm 3) 20 cm<sup>3</sup>
  - 1) 삼각뿔의 밑면이 삼각형이므로

(밑넓이)=
$$\frac{1}{2} \times 4 \times 6 = 12 \text{(cm}^2\text{)}$$

$$=\frac{1}{3} \times 12 \times 5 = 20 \text{ cm}^3$$

- 145 🖹 1) 25 cm<sup>2</sup> 2) 6 cm 3) 50 cm<sup>3</sup>
  - 1) (밑넓이)=5×5=25(cm²)
  - 3)  $(\exists \exists) = \frac{1}{2} \times 25 \times 6 = 50 \text{ cm}^3$
- 146 🖹 1) 18 cm<sup>2</sup> 2) 6 cm 3) 36 cm<sup>3</sup>
  - 1) 삼각뿔의 밑면이 △BCD이므로

(밑넓이)=
$$\frac{1}{2} \times 6 \times 6 = 18 \text{ (cm}^2)$$

- 2) 삼각뿔의 밑면이 △BCD일 때, 삼각뿔의 높이는 CG이므로 높이는 6 cm이다.
- 3)  $(\frac{\exists \exists}{3}) = \frac{1}{3} \times 18 \times 6 = 36 \text{ cm}^3$
- **147 1** 1) 48 cm<sup>3</sup> 2) 6 cm<sup>3</sup> 3) 42 cm<sup>3</sup>
  - 1) (자르기 전 큰 사각뿔의 부피)

$$=\frac{1}{3}\times(6\times6)\times4=48$$
 (cm<sup>3</sup>)

2) (잘린 작은 사각뿔의 부피)

$$=\frac{1}{3}\times(3\times3)\times2=6$$
(cm<sup>3</sup>)

- 3) (사각뿔대의 부피)
  - =(자르기 전 큰 사각뿔의 부피)—(잘린 작은 사각뿔의 부피)
  - $=48-6=42(cm^3)$
- 148  $\boxminus \frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}Sh$
- 2)  $9\pi \text{ cm}^2$
- 3)  $15\pi \text{ cm}^2$
- 4)  $24\pi \text{ cm}^2$

 $6\pi \,\mathrm{cm}$ 

- 1) 옆면인 부채꼴의 호의 길이 는 밑면인 원의 둘레의 길이 와 같으므로
  - (부채꼴의 호의 길이)
  - $=2\pi\times3=6\pi(cm)$
- 2) (밑넓이)= $\pi \times 3^2 = 9\pi (cm^2)$
- 3) (옆넓이)= $\frac{1}{2} \times 5 \times 6\pi = 15\pi (\text{cm}^2)$
- 4) (겉넓이)=(밑넓이)+(옆넓이)

$$=9\pi+15\pi=24\pi(\text{cm}^2)$$

- 150  $\Box$  1)  $4\pi$  cm
- 2)  $4\pi \text{ cm}^2$
- 3)  $12\pi \text{ cm}^2$
- 4)  $16\pi \text{ cm}^2$

6 cm<sup>-</sup>

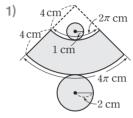
1) (부채꼴의 호의 길이)

$$=2\pi\times2=4\pi(cm)$$

- 2) (밑넓이)= $\pi \times 2^2 = 4\pi (\text{cm}^2)$
- 3) (옆넓이)= $\frac{1}{2} \times 6 \times 4\pi$

$$=12\pi (cm^2)$$

- 4) (겉넓이)= $4\pi+12\pi=16\pi$ (cm<sup>2</sup>)
- 151 답 1) 해설 참조
- 2)  $5\pi \text{ cm}^2$
- 3)  $12\pi \text{ cm}^2$
- 4)  $17\pi \text{ cm}^2$



(큰 부채꼴의 호의 길이)= $2\pi \times 2=4\pi$ (cm)

(작은 부채꼴의 호의 길이)= $2\pi \times 1=2\pi$ (cm)

- 2) (두 밑면의 넓이의 합)= $\pi \times 1^2 + \pi \times 2^2 = 5\pi (\text{cm}^2)$
- 3) 옆넓이는 큰 부채꼴의 넓이에서 작은 부채꼴의 넓이를 빼면 되므로

(옆넓이)=
$$\frac{1}{2} \times 8 \times 4\pi - \frac{1}{2} \times 4 \times 2\pi$$

$$=16\pi-4\pi=12\pi(\text{cm}^2)$$

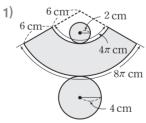
4) (겉넓이)=(두 밑면의 넓이의 합)+(옆넓이)

 $=5\pi+12\pi=17\pi(\text{cm}^2)$ 

152 답 1) 해설 참조 2)  $20\pi \text{ cm}^2$ 



4)  $56\pi \text{ cm}^2$ 



(큰 부채꼴의 호의 길이)= $2\pi \times 4 = 8\pi (cm)$ 

(작은 부채꼴의 호의 길이)= $2\pi \times 2=4\pi$ (cm)

- 2) (두 밑면의 넓이의 합)= $\pi \times 2^2 + \pi \times 4^2 = 20\pi (\text{cm}^2)$
- 3) (옆넓이)= $\frac{1}{2} \times 12 \times 8\pi \frac{1}{2} \times 6 \times 4\pi = 36\pi (\text{cm}^2)$
- 4) (겉넓이)= $20\pi + 36\pi = 56\pi (\text{cm}^2)$
- **153** 달 밑넓이,  $\frac{1}{2}$ ,  $\pi r l$

- **154**  $\boxdot$  1)  $9\pi$  cm<sup>2</sup> 2) 6 cm 2)  $18\pi$  cm<sup>3</sup>
  - 1) (밀넓이)= $\pi \times 3^2 = 9\pi (\text{cm}^2)$
  - 3) (부피)= $\frac{1}{3}$ ×(밑넓이)×(높이) $=\frac{1}{3}$ ×9 $\pi$ ×6=18 $\pi$ (cm³)

$$(\stackrel{\text{\tiny H}}{\neg} \stackrel{\text{\tiny J}}{\neg}) = \frac{1}{3} \times (\pi \times 4^2) \times 9 = 48\pi (\text{cm}^3)$$

156  $\Box$   $12\pi \text{ cm}^3$ 

$$(\stackrel{\mathbf{\mathsf{H}}}{\boldsymbol{-}} \stackrel{\mathbf{\mathsf{J}}}{\boldsymbol{-}}) \!=\! \frac{1}{3} \!\times\! (\pi \!\times\! 3^{\scriptscriptstyle 2}) \!\times\! 4 \!=\! 12\pi (\mathsf{cm}^{\scriptscriptstyle 3})$$

$$(\stackrel{\text{\tiny H}}{\neg} \stackrel{\text{\tiny J}}{\neg}] = \frac{1}{3} \times (\pi \times 5^2) \times 6 = 50\pi (\text{cm}^3)$$

- - 1) (자르기 전 큰 원뿔의 부피)

$$=\frac{1}{3} \times (\pi \times 6^2) \times 10 = 120\pi (\text{cm}^3)$$

2) (잘린 작은 원뿔의 부피)

$$=\frac{1}{3} \times (\pi \times 3^2) \times 5 = 15\pi (\text{cm}^3)$$

- 3) (원뿔대의 부피)
  - =(자르기 전 큰 원뿔의 부피) (잘린 작은 원뿔의 부피)
  - $=120\pi-15\pi=105\pi$  (cm<sup>3</sup>)

$$( +  $\mathbf{y} ) = \frac{1}{3} \times (\pi \times 9^2) \times 12 - \frac{1}{3} \times (\pi \times 3^2) \times 4$ 
$$= 324\pi - 12\pi = 312\pi (\mathbf{cm}^3)$$$$

160  $\Box$  104 $\pi$  cm<sup>3</sup>

$$(\stackrel{\square}{+} \stackrel{\square}{=} \frac{1}{3} \times (\pi \times 6^2) \times 9 - \frac{1}{3} \times (\pi \times 2^2) \times 3$$
$$= 108\pi - 4\pi = 104\pi (\text{cm}^3)$$

161  $\Box$  252 $\pi$  cm<sup>3</sup>

(부회)=
$$\frac{1}{3}$$
×( $\pi$ ×8<sup>2</sup>)×12 $-\frac{1}{3}$ ×( $\pi$ ×2<sup>2</sup>)×3  
=256 $\pi$ -4 $\pi$ =252 $\pi$ (cm<sup>3</sup>)

162  $\frac{1}{3}, \frac{1}{3}, \frac{1}{3}\pi r^2 h$ 

- 163 달 반지름의 길이 : 6 cm, 겉넓이 : 144π cm² 구의 반지름의 길이가 6 cm이므로 (겉넓이)=4π×6²=144π(cm²)
- 164 답 반지름의 길이 : 5 cm, 겉넓이 :  $100\pi$  cm<sup>2</sup> 구의 반지름의 길이가 5 cm이므로 (겉넓이)= $4\pi \times 5^2 = 100\pi$ (cm<sup>2</sup>)
- 165 달 반지름의 길이 : 4 cm, 겉넓이 : 64π cm² 구의 반지름의 길이가 4 cm이므로 (겉넓이)=4π×4²=64π(cm²)
- 166 달 400 $\pi$  cm<sup>2</sup> (겉넓이)= $4\pi \times 10^2 = 400\pi$  (cm<sup>2</sup>)
- 167 달 256π cm<sup>2</sup> (겉넓이)=4π×8<sup>2</sup>=256π(cm<sup>2</sup>)
- 168 달 196π cm² (겉넓이)=4π×7²=196π(cm²)
- 169 달 324π cm<sup>2</sup> (걸넓이)=4π×9<sup>2</sup>=324π(cm<sup>2</sup>)
- - 1)  $4\pi \times 3^2 = 36\pi (\text{cm}^2)$
  - 2)  $\pi \times 3^2 = 9\pi (\text{cm}^2)$
  - 3) (겉넓이)= $\frac{1}{2}$ ×(구의 겉넓이)+(단면인 원의 넓이) $=\frac{1}{2} \times 36\pi + 9\pi = 27\pi (\,\mathrm{cm}^2)$
- - 1)  $4\pi \times 2^2 = 16\pi (\text{cm}^2)$
  - 2)  $\pi \times 2^2 \times \frac{90}{360} = \pi (\text{cm}^2)$
  - 3) 이 입체도형은 반지름의 길이가 2 cm인 구의  $\frac{1}{8}$ 을 잘라내고 남은 것이므로

(겉넓이)=
$$\frac{7}{8} \times 16\pi + \pi \times 3$$
  
= $14\pi + 3\pi = 17\pi (\text{cm}^2)$ 

## 173 $\frac{500}{3}\pi \text{ cm}^3$

구의 반지름의 길이가 5 cm이므로

$$(\frac{14}{5}$$
되)= $\frac{4}{3}\pi \times 5^3 = \frac{500}{3}\pi (\text{cm}^3)$ 

## 

$$("="되")=\frac{4}{3}\pi \times 3^3 = 36\pi (cm^3)$$

175 
$$\frac{256}{3}\pi \text{ cm}^3$$

$$("="되)=\frac{4}{3}\pi \times 4^3 = \frac{256}{3}\pi (\text{cm}^3)$$

## 

$$(\frac{1}{7}] = \frac{1}{2} \times (\frac{4}{3}\pi \times 6^3) = 144\pi (\text{cm}^3)$$

## 

$$(\stackrel{\square}{\vdash} \stackrel{\square}{\exists}) = \frac{3}{4} \times \left(\frac{4}{3}\pi \times 3^3\right) = 27\pi (\text{cm}^3)$$

## 178 $\frac{28}{3}\pi \text{ cm}^3$

$$(\stackrel{\text{\tiny H}}{=}\stackrel{\text{\tiny J}}{=}) = \frac{7}{8} \times \left(\frac{4}{3}\pi \times 2^3\right) = \frac{28}{3}\pi (\text{cm}^3)$$

## 

주어진 입체도형의 부피는 반지름의 길이가 3 cm인 반구의 부피와 밑면인 원의 반지름의 길이가 3 cm, 높이가 3 cm인 원기둥의 부피의 합과 같으므로

$$(\stackrel{\text{H}}{\neg} \stackrel{\text{II}}{\Rightarrow}) = \frac{1}{2} \times \left(\frac{4}{3}\pi \times 3^3\right) + (\pi \times 3^2) \times 3$$
$$= 18\pi + 27\pi = 45\pi \text{ (cm}^3)$$

#### 

(부피)=(반구의 부피)+(원뿔의 부피)
$$=\frac{1}{2} \times \left(\frac{4}{3}\pi \times 3^{3}\right) + \frac{1}{3} \times (\pi \times 3^{2}) \times 4$$
$$=18\pi + 12\pi = 30\pi (\text{cm}^{3})$$

## 181 $\Box$ 126 $\pi$ cm<sup>3</sup>

(부페)=(반구의 부페)×2+(원기둥의 부페)
$$=\left\{\frac{1}{2}\times\left(\frac{4}{3}\pi\times3^{3}\right)\right\}\times2$$
$$=\left\{\frac{1}{2}\times\left(\frac{4}{3}\pi\times3^{3}\right)\right\}\times2+(\pi\times3^{2})\times10$$
$$=36\pi+90\pi=126\pi(cm^{3})$$

1) 밑면인 원의 반지름의 길이가 3 cm, 높이가 6 cm인 워뿜이므로

(원뿔의 부피)=
$$\frac{1}{3} \times (\pi \times 3^2) \times 6 = 18\pi (\text{cm}^3)$$

2) 반지름의 길이가 3 cm인 구이므로

(구의 부피)=
$$\frac{4}{3}\pi \times 3^3 = 36\pi (\text{cm}^3)$$

3) 밑면인 원의 반지름의 길이가 3 cm, 높이가 6 cm인 원기둥이므로

(원기둥의 부피)=
$$(\pi \times 3^2) \times 6 = 54\pi (\text{cm}^3)$$

4) (원뿔의 부피) : (구의 부피) : (원기둥의 부피)

 $=18\pi : 36\pi : 54\pi$ =1:2:3

## 183 $\frac{4}{3}\pi r^3$

## 단원 총정리 문제 Ⅷ입체도형

pp. 130~131

**01** 기, ㄴ, ㅂ **02** 35 **03** ② **04** 

**05** ②, ⑤ **06** ③ **07** 5 cm **08** ①

**10**  $\oplus$  **11**  $\oplus$  **11**  $\oplus$  **16**  $\oplus$  **17**  $\oplus$  **19**  $\oplus$  **19**  $\oplus$  **10**  $\oplus$  **19**  $\oplus$  **19**  $\oplus$  **10**  $\oplus$  **10**  $\oplus$  **10**  $\oplus$  **10**  $\oplus$  **10**  $\oplus$  **11**  $\oplus$  **10**  $\oplus$  **1** 

12 ④ 13 100π cm³ 14 ② 15 겉넓이: 33π cm², 부피: 30π cm³

01 답 ㄱ, ㄴ, ㅂ

[보기]에 주어진 다면체의 면의 개수는 다음과 같다.

고. 6개 나. 6개 다. 5개 리. 7개 다. 5개 비. 6개 따라서 육면체인 것은 그. 나. 비이다.

**02 달** 35

오각기둥의 면의 개수는 7개, 팔각뿔의 모서리의 개수는 16개, 육각뿔대의 꼭짓점의 개수는 12개이므로

$$a=7, b=16, c=12$$

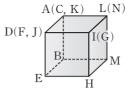
$$a+b+c=7+16+12=35$$

## **03 월** ②

② 정팔면체의 면의 모양은 정삼각형이다.

## **04** 🖶 5

주어진 전개도로 만들어지는 정육면체는 오른쪽 그림과 같으므로 선택지 중  $\overline{BC}$ 와  $\overline{DC}$ 의 있는 모서리는



⑤ <u>T</u>]이다

## 05 🖺 2, 5

- ① 구의 회전축은 무수히 많다.
- ③ 원뿔을 회전축을 포함하는 평면으로 자를 때 생기는 단 면은 이등변삼각형이다.
- ④ 회전체를 회전축을 포함하는 평면으로 자를 때 생기는 단면은 모두 선대청도형이고 합동이다.

## **06 ₽ 3**

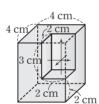
## 07 🖹 5 cm

원기둥의 전개도에서 옆면의 가로의 길이는 밑면인 원의 둘레의 길이와 같으므로 밑면인 원의 반지름의 길이를  $r \, \mathrm{cm}$ 라고 하면

$$2\pi \times r = 10\pi$$
  $\therefore r = 5$ 

#### 08 目 ①

잘라낸 부분의 단면을 그림과 같이 이동하여 생각하면 주어진 입체도형 의 겉넓이는 잘라내기 전의 직육면 체의 겉넓이와 같다.



∴ (겉넓이)

$$= (4 \times 4) \times 2 + (4 + 4 + 4 + 4) \times 5$$
$$= 32 + 80 = 112 \text{ (cm}^2)$$

#### 09 🖹 60 cm<sup>3</sup>

$$(\stackrel{\text{H}}{\neg} \stackrel{\text{J}}{\neg}) = \left\{ \frac{1}{2} \times (4+8) \times 2 \right\} \times 5$$
$$= 60 \text{ (cm}^3)$$

#### 10 🖺 4

(밑넓이)=
$$\pi \times 9^2 \times \frac{120}{360} = 27\pi (\text{cm}^2)$$
  
(옆넓이)= $\left(2\pi \times 9 \times \frac{120}{360} + 9 + 9\right) \times 7$   
= $(6\pi + 18) \times 7 = 42\pi + 126 (\text{cm}^2)$   
 $\therefore$  (겉넓이)= $27\pi \times 2 + 42\pi + 126$   
= $96\pi + 126 (\text{cm}^2)$ 

#### 11 $\Box$ 160 $\pi$ cm<sup>3</sup>

(밑넓이)= $\pi \times 5^2 - \pi \times 3^2 = 16\pi (\text{cm}^2)$  $\therefore$  (부피)= $16\pi \times 10 = 160\pi (\text{cm}^3)$ 

#### [다른 풀이]

(부피)=(큰 원기둥의 부피)-(작은 원기둥의 부피) $=(\pi \times 5^2) \times 10 - (\pi \times 3^2) \times 10$  $=250\pi - 90\pi$ 

#### 12 🖺 ④

(부회)=
$$\frac{1}{3}$$
×(6×4)×8 $-\frac{1}{3}$ ×(3×2)×4  
=64 $-$ 8=56(cm³)

## 13 $\Box$ 100 $\pi$ cm<sup>3</sup>

밑면인 원의 반지름의 길이를  $\gamma$  cm라고 하면

(옆넓이)=
$$\frac{1}{2} \times 13 \times 2\pi r = 65\pi$$

 $=160\pi (cm^3)$ 

$$13r = 65$$
  $\therefore r = 5$ 

$$\therefore (+ \overline{y}) = \frac{1}{3} \times (\pi \times 5^2) \times 12 = 100\pi (\text{cm}^3)$$

## 14 달 ②

반지름의 길이가 4 cm, 2 cm인 구의 겉넓이는 각각  $4\pi \times 4^2 = 64\pi (\text{cm}^2)$ 

$$4\pi \times 2^2 = 16\pi (\text{cm}^2)$$

따라서 반지름의 길이가 4 cm인 구의 겉넓이는 반지름의 길이가 2 cm인 구의 겉넓이의  $64\pi\div 16\pi=4(\text{iii})$ 이다.

## **15** 답 겉넓이: $33\pi$ cm<sup>2</sup>, 부피: $30\pi$ cm<sup>3</sup>

주어진 평면도형을 직선 l을 회전축으로 하여 1회전 시켰을 때 생기는 입체도형은 오른쪽 그림과 같다.



(겉넓이)

=(원뿔의 옆넓이)+(반구의 겉넓이)

$$= \frac{1}{2} \times 5 \times (2\pi \times 3) + \frac{1}{2} \times (4\pi \times 3^2)$$

 $=15\pi+18\pi=33\pi(\text{cm}^2)$ 

(부피)

=(원뿔의 부피)+(반구의 부피)

$$=\frac{1}{3}\times(\pi\times3^2)\times4+\frac{1}{2}\times\left(\frac{4}{3}\pi\times3^3\right)$$

 $=12\pi+18\pi=30\pi$  (cm<sup>3</sup>)

# VIII

## 자료의 정리와 해석

#### **Ⅷ -1 줄기와 잎 그림, 도수분포표** pp. 136~159

01 답

국어 점수

(5|2는 52점)

줄기	잎
5	2 3 7
6	4 9
7	1  2  5  6  7  9
8	2 4 5 8
9	5

02 답

자두의 무게

(3|4는 34g)

줄기	잎
3	4 6
4	0 3 5 7 7
5	1 5 5 9
6	2 3 4 7 8

03 🖺

줄넘기 횟수

(3|1은 31회)

줄기	잎					
3	1	5	5	6	8	9
4	0	1	3	4		
5	4	5	5			
6	0	0	4			

#### 04 달 1) 20명 2) 6명

- 전체 잎의 수는 6+7+5+2=20(개)
   따라서 수현이네 반 여학생은 모두 20명이다.
- 2) 수학 점수가 75점 이상 86점 이하인 여학생은 77점, 78점, 81점, 84점, 85점, 86점의 6명이다.

#### 05 달 1) 19명 2) 5명

- 전체 잎의 수는 8+7+3+1=19(개)
   따라서 민호네 반 남학생은 모두 19명이다.
- 2) 통학 시간이 25분 이상 36분 이하인 남학생은 25분, 27분, 29분, 31분, 33분의 5명이다.

#### 06 달 1) 15명 2) 4명

- 전체 잎의 수는 7+5+3=15(개)
   따라서 영진이네 반 남학생은 모두 15명이다.
- 2) 턱걸이 횟수가 10회 이상 15회 이하인 남학생은 12회, 13회, 14회, 14회의 4명이다.

## 07 달 1) 30명 2) 7명

- 1) 전체 잎의 수는 9+9+7+5=30(개) 따라서 지수네 반 학생은 모두 30명이다.
- 2) 독서량이 7권 이하인 학생은 2권, 3권, 3권, 4권, 5권, 7권, 7권의 7명이다.

## **08 (1) (3) (2) (0) (0) (2) (5) (9) (9)**

1) 줄기가 3인 잎의 수가 8개로 가장 많다.

#### 09 🖹 1) 5 2) 0, 1, 2, 4, 6, 7, 9

1) 줄기가 5인 잎의 수가 5개로 가장 적다.

#### 10 🖹 1) 2 2) 1, 2, 4, 5, 8

1) 줄기가 2인 잎의 수가 7개로 가장 많다.

#### **11 (a)** 1) 7 2) 0, 0, 7, 9

1) 줄기가 7인 잎의 수가 3개로 가장 적다.

#### 12 답 31점

음악 점수가 가장 높은 학생의 점수는 92점, 가장 낮은 학생의 점수는 61점이므로 구하는 음악 점수의 차는 92-61=31(점)

92-61-31(全

#### 13 답 35분

통학 시간이 가장 긴 학생의 통학 시간은 45분, 가장 짧은 학생의 통학 시간은 10분이므로 구하는 통학 시간의 차는 45-10=35(분)

#### 14 답 36시간

봉사 활동 시간이 가장 긴 학생의 봉사 활동 시간은 47시 간, 가장 짧은 학생의 봉사 활동 시간은 11시간이므로 구 하는 봉사 활동 시간의 차는

47-11=36(시간)

### 15 달 68살

가장 나이가 많은 사람의 나이는 69살, 가장 나이가 적은 사람의 나이는 1살이므로 구하는 나이의 차는

69-1=68(살)

#### 16 달 35권

독서량이 가장 많은 학생의 독서량은 38권, 가장 적은 학생의 독서량은 3권이므로 구하는 독서량의 차는 38-3=35(권)

## **17** 답 줄기와 잎 그림, 줄기, 잎

1	8	담

)	몸무게(kg)	도수	-(명)
	$40^{\circ$ l상 $\sim$ $45^{미만}$	///	3
	$45 \sim 50$	/	1
	$50 \sim 55$	//	2
	55 ~60	////	4
	합계	1	0

- (1) 변량이 40 이상 45 미만인 자료는 40, 42, 43의 3개이다.
- (2) 변량이 45 이상 50 미만인 자료는 48의 1개이다.
- (3) 변량이 50 이상 55 미만인 자료는 51, 52의 2개이다.
- (4) 변량이 55 이상 60 미만인 자료는 56, 57, 58, 59의 4개이다.

## 19 🖺

과학 점수(점)	도수	(명)
$40^{\circ$ l상 $\sim~50^{ m 미만}$	/	1
50 ~ 60	//	2
60 ~ 70	//	2
70 ~ 80	//	2
80 ~ 90	///	3
90 ~100	//	2
합계	1	2

## 20 달

독서량(권)	도수	(명)
0 이상 ~ 5 미만	///	3
5 ~10	W //	7
10 ~15	////	4
$15 \sim 20$	//	2
합계	1	6

## 21 달 -

통학 시간(분)	도수(명)
$10$ 이상 $\sim$ $15$ 미만	2
15 $\sim 20$	1
$20 \sim 25$	3
$25 \sim 30$	3
$30 \sim 35$	3
$35 \sim 40$	4
합계	16

₹ (cm)	도수(명)
155 <sup>이상</sup> ~160 <sup>미만</sup>	2
$160 \sim 165$	4
$165 \sim 170$	1
$170 \sim 175$	2
175 $\sim$ 180	4
180 ~185	2
합계	15

- **23 □** 1) ∟ 2) ≥ 3) □ 4) ¬
- **24** 달 60점 이상 70점 미만
- 25 달 3시간 이상 4시간 미만
- 26 달 290타 이상 310타 미만

## **27** 🖺 1℃

계급의 크기는 각 계급의 양 끝값의 차이므로  $14-13=1(^{\circ}\mathrm{C})$ 

## 28 달 4회

(계급의 크기)=4-0=4(회)

## 29 🖹 5 kg

(계급의 크기)=45-40=5(kg)

## 30 🖹 5 cm

(계급의 크기)=145-140=5(cm)

## 31 달 10점

(계급의 크기)=60-50=10(점)

## 32 달 2시간

(계급의 크기)=2-0=2(시간)

## 33 달

수행평가 점수(점)	도수(명)
$0^{\circ \circ \circ} \sim 10^{^{\square \mid \stackrel{\sim}{U}}}$	3
10 ~20	8
20 ~30	10
$30 \sim 40$	2
40 ~50	2
합계	25

도수의 총합은 3+8+10+2+2=25(명)

34 ₺

턱걸이 기록(회)	도수(명)
$0$ 이상 $\sim~4$ 미만	6
4 ~ 8	7
8 ~12	4
12 ~16	2
16 ~20	1
합계	20

도수의 총합은

6+7+4+2+1=20(명)

35 ₺

휴대전화 통화 시간(분)	도수(명)
0 이상 ~ 10 미만	8
10 ~20	2
20 ~30	9
30 ~40	6
40 ~50	3
50 ~60	2
합계	30

도수의 총합은

8+2+9+6+3+2=30(명)

36 ₺

줄넘기 횟수(회)	도수(명)
30° <sup> ਨ੍ਹੇ</sup> ∼40 <sup>□ ਦੁ</sup>	2
40 ~50	8
50 ~60	15
60 ~70	3
70 ~80	2
합계	30

도수의 총합은

2+8+15+3+2=30(명)

37 ₺



도수의 총합은

6+8+12+10+4=40(명)

38 달

회원의 나이(살)	도수(명)
$10^{\circ$ l상 $\sim$ 1 $5$ 미만	7
$15 \sim 20$	11
$20 \sim 25$	10
$25 \sim 30$	13
$30 \sim 35$	9
합계	50

도수의 총합은

7+11+10+13+9=50(명)

**39** 🖺 3

도수의 총합이 20일이므로

A = 20 - (7 + 5 + 4 + 1) = 20 - 17 = 3

**40** 🖺 2

도수의 총합이 20명이므로

A = 20 - (1 + 2 + 10 + 5) = 20 - 18 = 2

41 🖺 6

도수의 총합이 30명이므로

 $A\!=\!30\!-\!(3\!+\!4\!+\!10\!+\!5\!+\!2)\!=\!30\!-\!24\!=\!6$ 

**42** 달 4

도수의 총합이 30명이므로

A = 30 - (2 + 3 + 6 + 6 + 9) = 30 - 26 = 4

43 🖺 4

도수의 총합이 40명이므로

A = 40 - (2 + 10 + 14 + 8 + 2) = 40 - 36 = 4

44 🖺 6

도수의 총합이 50명이므로

A = 50 - (4+8+9+15+8) = 50-44=6

**45** 달 1) 7명 2) 35 % 3) 1명 4) 5 %

5) 5명 6) 25% 7) 10명 8) 50%

**2)** 전체 학생 수는 20명이고, 운동 시간이 4시간 이상 6시간 미만인 학생 수는 7명이므로

 $\frac{7}{20} \times 100 = 35(\%)$ 

**4)** 전체 학생 수는 20명이고, 운동 시간이 10시간 이상 12시간 미만인 학생 수는 1명이므로

 $\frac{1}{20} \times 100 = 5(\%)$ 

- 5) 운동 시간이 8시간 이상 10시간 미만인 학생이 4명, 10시간 이상 12시간 미만인 학생이 1명이므로 운동 시 간이 8시간 이상인 학생 수는 4+1=5(명)이다.
- 6) 전체 학생 수는 20명이고, 운동 시간이 8시간 이상인 학생 수는 5명이므로

$$\frac{5}{20} \times 100 = 25(\%)$$

- 7) 운동 시간이 2시간 이상 4시간 미만인 학생이 3명, 4시 간 이상 6시간 미만인 학생이 7명이므로 운동 시간이 6시간 미만인 학생 수는 3+7=10(명)이다.
- 8) 전체 학생 수는 20명이고, 운동 시간이 6시간 미만인 학생 수는 10명이므로

$$\frac{10}{20} \times 100 = 50(\%)$$

- 46
   답 1) 10점
   2) 5개
   3) 7

   4) 70점 이상 80점 미만
   5) 40 %
  - 1) 계급의 크기는 각 계급의 양 끝값의 차이므로 60-50=10(점)
  - 3) 도수의 총합이 30명이므로 A=30-(4+6+8+5)=7
  - 5) 점수가 80점 이상 90점 미만인 학생은 7명, 90점 이상 100점 미만인 학생은 5명이므로 점수가 80점 이상인 학생 수는 7+5=12(명)이다.

따라서 전체 학생 수는 30명이고, 80점 이상인 학생 수는 12명이므로

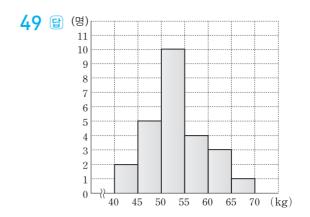
$$\frac{12}{30} \times 100 = 40(\%)$$

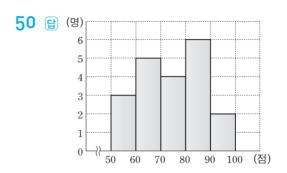
- 47 달 1) 10회 2) 5개 3) 16 4) 60회 이상 70회 미만 5) 65 %
  - 계급의 크기는 각 계급의 양 끝값의 차이므로 30-20=10(회)
  - 3) 도수의 총합이 40명이므로  $A\!=\!40\!-\!(1\!+\!9\!+\!8\!+\!6)\!=\!16$
  - 5) 줄넘기 횟수가 20회 이상 30회 미만인 학생은 1명, 30회 이상 40회 미만인 학생은 9명, 40회 이상 50회 미만인 학생은 16명이므로 줄넘기 횟수가 50회 미만인 학생 수는 1+9+16=26(명)이다.

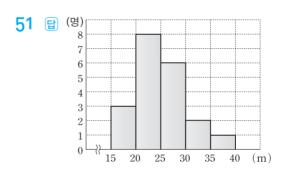
따라서 전체 학생 수는 40명이고, 줄넘기 횟수가 50회 미만인 학생 수는 26명이므로

$$\frac{26}{40} \times 100 = 65(\%)$$

48 🖺 계급, 계급의 크기, 도수







52 🖺	감귤의 무게 $(g)$	도수(개)
	$70^{\circ$ l상 $\sim$ $75^{미만}$	3
	75 ~80	4
	80 ~85	8
	85 ~90	7
	90 ~95	3
	합계	25

<b>53  □</b>	독서 시간(시간)	도수(명)
	0 이상 ~ 4 미만	1
	4 ~ 8	4
	8 ~12	7
	12 ~16	5
	16 ~20	3
	합계	20

54 월

영어 점수(점)	도수(명)
70° <sup>이상</sup> ~ 75 <sup>미만</sup>	4
75 ~ 80	6
80 ~ 85	14
85 ~ 90	8
90 ~ 95	6
95 ~100	2
합계	40

**55** 🖺

도수(명) 2 4
4
9
6
3
1
25

56 **달** 10 kg

계급의 크기는 각 계급의 양 끝값의 차이므로  $50-40=10(\mathrm{kg})$ 

57 답 5회

(계급의 크기)=15-10=5(회)

58 **달** 20 m

(계급의 크기)=100-80=20(m)

- 59 (급) 1) 80점 이상 85점 미만 2) 95점 이상 100점 미만 3) 85점 이상 90점 미만 4) 70점 이상 75점 미만 5) 90점 이상 95점 미만
  - 5) 사회 점수가 95점 이상 100점 미만인 학생이 1명, 90점 이상 95점 미만인 학생이 5명이므로 사회 점수가 5번째로 높은 학생이 속하는 계급은 90점 이상 95점 미만이다.
- 60 달 30명

도수의 총합은 2+6+10+8+3+1=30(명)

61 답 40명

도수의 총합은 4+5+9+11+8+3=40(명)

62 달 50명

도수의 총합은 4+14+20+10+2=50(명)

- 63 달 1) 6명 2) 15 % 3) 16명 4) 40 %
  - 2) 전체 학생 수가 40명이고, 국어 성적이 50점 이상 60점 미만인 학생 수가 6명이므로

 $\frac{6}{40} \times 100 = 15(\%)$ 

- 3) 국어 성적이 70점 이상 80점 미만인 학생이 10명, 80점 이상 90점 미만인 학생이 6명이므로 국어 성적이 70점 이상 90점 미만인 학생 수는 10+6=16(명)이다.
- **4)** 전체 학생 수가 40명이고, 국어 성적이 70점 이상 90점 미만인 학생 수가 16명이므로

 $\frac{16}{40} \times 100 = 40(\%)$ 

- **64** 달 1) 20명 2) 48 kg 이상 52 kg 미만 3) 6명 4) 20 %
  - 1) 전체 학생 수는 2+6+8+3+1=20(명)
  - 3) 몸무게가 40 kg 이상 44 kg 미만인 학생이 2명, 44 kg 이상 48 kg 미만인 학생이 6명이므로 몸무게가 5번째 로 가벼운 학생이 속하는 계급은 44 kg 이상 48 kg 미 만이다.

따라서 이 계급의 도수는 6명이다.

4) 몸무게가 52 kg 이상 56 kg 미만인 학생이 3명, 56 kg 이상 60 kg 미만인 학생이 1명이므로 몸무게가 52 kg 이상인 학생 수는 3+1=4(명)이다.

따라서 전체 학생 수가 20명이므로

 $\frac{4}{20} \times 100 = 20(\%)$ 

- 65 답 1) 6명 2) 12 % 3) 15명 4) 30 %
  - 2) 전체 학생 수가 6+9+15+10+6+4=50(명)이고, 한 달 독서량이 9권 이상 11권 미만인 학생 수가 6명이므로  $\frac{6}{50} \times 100 = 12(\%)$
  - 3) 한 달 독서량이 1권 이상 3권 미만인 학생이 6명, 3권 이상 5권 미만인 학생이 9명이므로 한 달 독서량이 5권 미만인 학생 수는 6+9=15(명)이다.
  - **4)** 전체 학생 수가 50명이고, 한 달 독서량이 5권 미만인 학생 수가 15명이므로

 $\frac{15}{50} \times 100 = 30(\%)$ 

66 🖺 가로, 도수, 직사각형

## **67 日** 1) 12 2) 60 3) 3배

1) 계급의 크기가 2시간이고 도수는 6명이므로 (직사각형의 넓이)=(계급의 크기) $\times$ (계급의 도수)  $=2\times 6=12$ 

 $=2\times30=60$ 

2) (직사각형의 넓이의 합)=(계급의 크기) $\times$ (도수의 총합)  $=2\times(4+6+8+9+3)$ 

또한, 도수가 가장 작은 계급의 도수는 3명이므로 도수가 가장 작은 계급의 직사각형의 넓이는  $2\times3=6$  따라서 도수가 가장 큰 계급의 직사각형의 넓이는 도수가 가장 작은 계급의 직사각형의 넓이의  $\frac{18}{6}=3$ (배)이다.

#### [다른 풀이]

각 직사각형의 넓이는 각 계급의 도수에 정비례한다. 도수가 가장 큰 계급의 도수가 9명, 도수가 가장 작은 계급의 도수가 3명이므로 도수가 가장 큰 계급의 직사각형의 넓이는 도수가 가장 작은 계급의 직사각형의 넓이의  $\frac{9}{3}$ =3(배)이다.

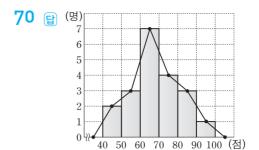
## **68** 目 1) 120 2) 400 3) 2배

- 1) 계급의 크기는 10점, 도수가 가장 큰 계급의 도수는 12명 이므로 도수가 가장 큰 계급의 직사각형의 넓이는 10×12=120
- 2) (직사각형의 넓이의 합)=(계급의 크기)imes(도수의 총합) =10 imes (2+5+9+12+8+4) =10 imes 40=400
- 3) 점수가 가장 높은 학생이 속한 계급은 90점 이상 100점 미만이므로 이 계급의 직사각형의 넓이는 10×4=40 점수가 가장 낮은 학생이 속한 계급은 40점 이상 50점 미만이므로 이 계급의 직사각형의 넓이는 10×2=20
   ∴ 40/20=2(배)

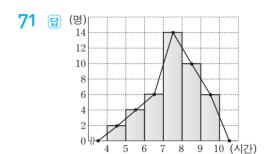
#### [다른 풀이]

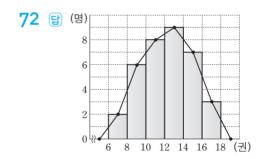
각 직사각형의 넓이는 각 계급의 도수에 정비례한다. 90점 이상 100점 미만인 계급의 도수는 4명, 40점 이상 50점 미만인 계급의 도수는 2명이므로  $\frac{4}{2}$ =2(배)이다.

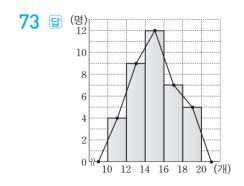
## 69 달 크기, 도수

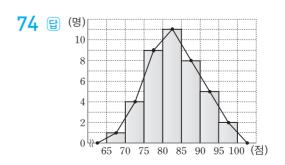


히스토그램의 양 끝에 도수가 0인 계급을 하나씩 추가하여 그 중점과 각 직사각형의 중점을 모두 연결한다.









75 🖹 (개) 12 10 8 6 50 60 70 80 90 100 (g)

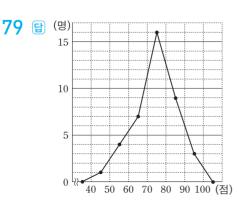
76 달

몸무게(kg)	도수(명)
30 <sup>° 상</sup> ∼35 <sup>미만</sup>	2
35 ~40	5
40 ~45	10
45 ~50	7
50 ~55	1
합계	25

77 답

봉사 활동 시간(시간)	도수(명)
$3$ <sup>이상</sup> $\sim 5$ <sup>미만</sup>	5
5 ~ 7	8
7 ~ 9	10
9 ~11	7
11 ~13	3
13 ~15	2
합계	35

78 답 (명) 6 4 2 6 8 10 12 (회)



80 답 2시간

계급의 크기는 각 계급의 양 끝값의 차이므로  $4-2=2(\lambda)(7)$ 

81 탑 30분

(계급의 크기)=60-30=30(분)

82 답 4살

(계급의 크기)=38-34=4(살)

- 83 달 1) 60 kg 이상 65 kg 미만
  - 2) 40 kg 이상 45 kg 미만
  - 3) 30 kg 이상 35 kg 미만, 55 kg 이상 60 kg 미만
  - 4) 50 kg 이상 55 kg 미만
  - 5) 35 kg 이상 40 kg 미만
  - **1)** 가장 작은 도수는 2명이다.
  - 3) 30 kg 이상 35 kg 미만인 계급과 55 kg 이상 60 kg 미 만인 계급이 도수가 3으로 같다.
  - 5) 몸무게가 30 kg 이상 35 kg 미만인 학생은 3명, 35 kg 이상 40 kg 미만인 학생은 5명이므로 몸무게가 7번째 로 가벼운 학생은 35 kg 이상 40 kg 미만인 계급에 속 한다.
- 84 달 30명 도수의 총합은 1+5+9+8+4+3=30(명)
- 85 달 23명 도수의 총합은 2+3+4+8+6=23(명)
- 86 달 40명 도수의 총합은 1+4+7+16+9+3=40(명)
- 87 달 1) 9명 2) 30 % 3) 6명 4) 20 %
  - 2) 전체 학생 수가 30명이고, 책 대여 수가 14권 이상 16권 미만인 학생 수가 9명이므로

 $\frac{9}{30} \times 100 = 30(\%)$ 

3) 책 대여 수가 18권 이상 20권 미만인 학생은 4명, 20권 이상 22권 미만인 학생은 2명이므로 책 대여 수가 18권 이상 22권 미만인 학생 수는

4+2=6(명)

4) 전체 학생 수가 30명이고. 책 대여 수가 18권 이상 22권 미만인 학생 수가 6명이므로

$$\frac{6}{30} \times 100 = 20(\%)$$

## 88 달 1) 50명 2) 8명 3) 16% 4) 24명 5) 48%

- 1) 전체 학생 수는 1+5+8+12+15+9=50(명)
- 3) 전체 학생 수가 50명이고, 미술 점수가 60점 이상 70점 미만인 학생 수가 8명이므로

$$\frac{8}{50} \times 100 = 16(\%)$$

- 4) 미술 점수가 80점 이상 90점 미만인 학생이 15명, 90점 이상 100점 미만인 학생이 9명이므로 미술 점수가 80점 이상인 학생 수는 15+9=24(명)이다.
- 5) 전체 학생 수가 50명이고, 미술 점수가 80점 이상인 학생수가 24명이므로

$$\frac{24}{50} \times 100 = 48(\%)$$

#### 89 달 1) 40명 2) 10명 3) 25% 4) 7명

- 1) 전체 학생 수는 3+7+8+12+6+4=40(명)
- 2) 앉은키가 80 cm 이상 85 cm 미만인 학생은 6명, 85 cm 이상 90 cm 미만인 학생은 4명이므로 앉은키가 80 cm 이상인 학생 수는 6+4=10(명)이다.
- **3)** 전체 학생 수가 40명이고, 앉은키가 80 cm 이상인 학생 수가 10명이므로

$$\frac{10}{40} \times 100 = 25(\%)$$

4) 앉은키가 60 cm 이상 65 cm 미만인 학생이 3명, 65 cm 이상 70 cm 미만인 학생이 7명이므로 앉은키가 6번째로 작은 학생이 속하는 계급은 65 cm 이상 70 cm 미만이고 이 계급의 도수는 7명이다.

#### **90 달** 중앙, 0, 도수분포다각형

#### **91** 달 210

(도수분포다각형과 가로축으로 둘러싸인 부분의 넓이)

- =(히스토그램의 직사각형의 넓이의 합)
- =(계급의 크기)×(도수의 총합)
- $=5 \times (4+10+14+9+5)=5 \times 42=210$

### **92 달** 64

(도수분포다각형과 가로축으로 둘러싸인 부분의 넓이)= $2 \times (1+6+12+10+3)=2 \times 32=64$ 

#### **93 目** 100

(도수분포다각형과 가로축으로 둘러싸인 부분의 넓이)= $4 \times (3+10+7+4+1)=4 \times 25=100$ 

## **94** 달 350

(도수분포다각형과 가로축으로 둘러싸인 부분의 넓이)= $10 \times (4+7+11+9+4)=10 \times 35=350$ 

### **95 달** 70

(도수분포다각형과 가로축으로 둘러싸인 부분의 넓이)= $2 \times (1+3+6+7+9+5+4)=2 \times 35=70$ 

#### 96 달 1) 10점, 6개 2) 30명 3) 4명 4) 30% 5) 300

- 2) 전체 학생 수는 1+2+7+10+6+4=30(9)
- 3) 영어 성적이 가장 좋은 학생이 속하는 계급은 90점 이상 100점 미만이므로 이 계급의 도수는 4명이다.
- 4) 영어 성적이 50점 이상 60점 미만인 학생이 2명, 60점 이상 70점 미만인 학생이 7명이므로 영어 성적이 50점 이상 70점 미만인 학생 수는 2+7=9(명)이다.
   따라서 전체 학생 수가 30명이고, 영어 성적이 50점 이상 70점 미만인 학생 수가 9명이므로

$$\frac{9}{30} \times 100 = 30(\%)$$

5) (구하는 넓이)=(계급의 크기)×(도수의 총합) =10×30=300

## 97 🖹 1) 160 cm 이상 165 cm 미만 2) 40명 3) 155 cm 이상 160 cm 미만

4) 25 % 5) 200

- 1) 160 cm 이상 165 cm 미만인 계급의 도수가 3명으로 가장 작다.
- 2) (전체 학생 수)=4+6+9+11+7+3=40(명)
- 3) 키가 160 cm 이상 165 cm 미만인 학생이 3명, 155 cm 이상 160 cm 미만인 학생이 7명이므로 키가 9번째로 큰 학생이 속하는 계급은 155 cm 이상 160 cm 미만이다.
- 4) 키가 135 cm 이상 140 cm 미만인 학생이 4명, 140 cm 이상 145 cm 미만인 학생이 6명이므로 키가 145 cm 미만인 학생 수는 4+6=10(명)이다. 따라서 전체 학생 수가 40명이고, 키가 145 cm 미만인 학생 수가 10명이므로

$$\frac{10}{40} \times 100 = 25(\%)$$

5) (구하는 넓이)=(계급의 크기)×(도수의 총합) =5×40=200

## 98 달 도수분포다각형, 직사각형

## Ⅷ -2 상대도수

pp. 160~167

- 99 🖺 0.36
- 100 🖺 0.2
- 101 🖺 0.31
- 102  $\bigcirc$  0.45  $\frac{18}{40}$  = 0.45
- **103** 탑 × 상대도수의 총합은 항상 1이다.
- **104** 달 × 상대도수는 0 이상이고 1 이하이다.
- 105 월 ○
- 106 월 ○
- 107 달

수학 점수(점)	도수(명)	상대도수
50 <sup>이상</sup> ~ 60 <sup>미만</sup>	1	$\frac{1}{20}$ = 0.05
60 ~ 70	4	$\frac{4}{20} = 0.2$
70 ~ 80	8	$\frac{8}{20} = 0.4$
80 ~ 90	5	$\frac{5}{20}$ = 0.25
90 ~100	2	$\frac{2}{20}$ = 0.1
 합계	20	1

108 달

용돈(만 원)	도수(명)	상대도수
$2$ <sup>이상</sup> $\sim~4$ <sup>미만</sup>	8	0.2
4 ~ 6	12	0,3
6 ~ 8	14	0,35
8 ~10	6	0,15
합계	40	1

$$\frac{12}{40}$$
=0.3,  $\frac{14}{40}$ =0.35,  $\frac{6}{40}$ =0.15

109 달

윗몸일으키기 횟수(회)	도수(명)	상대도수
0 이상~15 미만	2	0.05
15 ~30	6	0.15
30 ~45	18	0.45
45 ~60	10	0.25
60 ~75	4	0.1
합계	40	1

$$\frac{2}{40}$$
=0.05,  $\frac{6}{40}$ =0.15,  $\frac{18}{40}$ =0.45  
 $\frac{10}{40}$ =0.25,  $\frac{4}{40}$ =0.1

110 달

줄넘기 횟수(회)	도수(명)	상대도수
$0$ 이상 $\sim~20$ 미만	$25 \times 0.08 = 2$	0.08
$20 \sim 40$	$25 \times 0.12 = 3$	0.12
40 ~ 60	$25 \times 0.4 = 10$	0.4
60 ~ 80	$25 \times 0.24 = 6$	0.24
80 ~100	25×0.16=4	0.16
합계	25	1

111 답

독서 시간(시간)	도수(명)	상대도수	
$0$ 이상 $\sim~4$ 미만	3	0.075	
4 ~ 8	6	0.15	
8 ~12	12	0.3	
12 ~16	10	0.25	
16 ~20	5	0.125	
20 ~24	4	0.1	
합계	40	1	

 $40 \times 0.15 = 6$ ,  $40 \times 0.3 = 12$ ,  $40 \times 0.25 = 10$  $40 \times 0.125 = 5$ ,  $40 \times 0.1 = 4$ 

**112** 달

관객의 나이(세)	도수(명)	상대도수	
15 <sup>이상</sup> ~20 <sup>미만</sup>	25	0.125	
20 ~25	42	0.21	
25 ~30	70	0.35	
30 ~35	36	0.18	
$35 \sim 40$	18	0.09	
40 ~45	9	0.045	
합계	200	1	

 $200 \times 0.125 = 25$ ,  $200 \times 0.21 = 42$ ,  $200 \times 0.35 = 70$  $200 \times 0.18 = 36$ ,  $200 \times 0.09 = 18$ ,  $200 \times 0.045 = 9$ 

#### 113 皆 1

상대도수의 총합은 항상 1이다.

## 114 달 1

## 115 답 1

## **116 1 1 20 % 2 55 % 3 35 %**

1) 몸무게가 45 kg 이상 50 kg 미만인 계급의 상대도수 가 0.2이므로

 $0.2 \times 100 = 20(\%)$ 

2) 몸무게가 50 kg 이상 55 kg 미만인 계급의 상대도수는 는 0.3, 55 kg 이상 60 kg 미만인 계급의 상대도수는 0.15, 60 kg 이상 65 kg 미만인 계급의 상대도수는 0.1이므로 몸무게가 50 kg 이상 65 kg 미만인 계급의 상대도수의 합은 0.3+0.15+0.1=0.55이다.

따라서 몸무게가 50 kg 이상 65 kg 미만인 학생은 전체의  $0.55 \times 100 = 55(\%)$ 이다.

3) 몸무게가 40 kg 이상 45 kg 미만인 계급의 상대도수는 0.15, 45 kg 이상 50 kg 미만인 계급의 상대도수는 0.2이므로 몸무게가 50 kg 미만인 계급의 상대도수의 합은 0.15+0.2=0.35이다.

따라서 몸무게가 50 kg 미만인 학생은 전체의  $0.35 \times 100 = 35(\%)$ 이다.

#### 

A = 11 + 18 + 13 + 8 = 50

$$B = \frac{11}{50} = 0.22$$

#### 118 $\Box$ A=40, B=0.35

A = 3 + 9 + 10 + 13 + 5 = 40

$$B = \frac{13}{40} = 0.325$$

#### 119 $\Box$ A=5, B=0.25

A=20-(3+8+1+3)=5

$$B = \frac{5}{20} = 0.25$$

#### 120 답 40명

운동 시간이 1시간 이상 2시간 미만인 계급의 도수는 6명이고, 상대도수는 0.15이므로

(도수의 총합)=
$$\frac{(그 제급의 도수)}{(어떤 제급의 상대도수)} = \frac{6}{0.15} = 40(명)$$

#### 121 달 32개

무게가  $200 \, \mathrm{g}$  이상  $210 \, \mathrm{g}$  미만인 계급의 도수는 8개, 상대도수는 0.25이므로 (도수의 총합)= $\frac{8}{0.25}$ =32(개)

#### 122 답 50명

TV 시청 시간이 35분 이상 40분 미만인 계급의 도수는 3명, 상대도수는 0.06이므로

(도수의 총합)=
$$\frac{3}{0.06}$$
=50(명)

### **123 (a)** 1) 100 2) 6 3) 0,35 4) 23 5) 21

1) 키가 130 cm 이상 140 cm 미만인 계급의 도수가 15명, 상대도수가 0.15이므로

$$E = \frac{15}{0.15} = 100$$

2) 키가 120 cm 이상 130 cm 미만인 계급의 상대도수가 0.06, 도수의 총합이 100명이므로

$$A = 100 \times 0.06 = 6$$

3) 키가 140 cm 이상 150 cm 미만인 계급의 도수가 35명, 도수의 총합이 100명이므로

$$B = \frac{35}{100} = 0.35$$

4) 키가 150 cm 이상 160 cm 미만인 계급의 상대도수가 0.23, 도수의 총합이 100명이므로

$$C = 100 \times 0.23 = 23$$

5) D=100-(6+15+35+23)=21

#### **124 (a)** 1) 0,1 2) 20 3) 3 4) 11 5) 4

1) 상대도수의 총합은 항상 1이므로 A=1-(0.15+0.55+0.2)=0.1

2) 평균 운동 시간이 0시간 이상 2시간 미만인 계급의 도수가 2명. 상대도수가 0.1이므로

$$E = \frac{2}{0.1} = 20$$

3) 평균 운동 시간이 2시간 이상 4시간 미만인 계급의 상 대도수가 0.15, 도수의 총합이 20명이므로

$$B = 20 \times 0.15 = 3$$

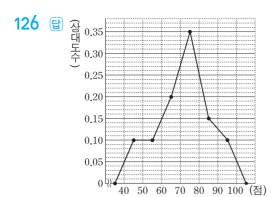
4) 평균 운동 시간이 4시간 이상 6시간 미만인 계급의 상대도수가 0.55. 도수의 총합이 20명이므로

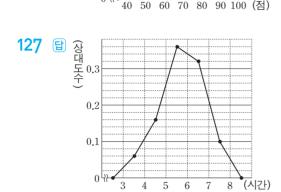
$$C = 20 \times 0.55 = 11$$

5) 평균 운동 시간이 6시간 이상 8시간 미만인 계급의 상 대도수가 0.2, 도수의 총합이 20명이므로

$$D=20\times0.2=4$$

#### 125 답 상대도수, 도수, 1





상대도수의 총합은 항상 1이므로 4시간 이상 5시간 미 만인 계급의 상대도수는

1 - (0.06 + 0.36 + 0.32 + 0.1) = 0.16

## 128 달 1) 16% 2) 6명 3) 20% 4) 18명

1) 줄넘기 횟수가 30회 이상 40회 미만인 계급의 상대도 수가 0.16이므로

 $0.16 \times 100 = 16(\%)$ 

- 2) 줄넘기 횟수가 20회 이상 30회 미만인 계급의 상대도 수가 0.12. 도수의 총합이 50명이므로 줄넘기 횟수가 20회 이상 30회 미만인 학생 수는 50×0.12=6(명) 이다
- 3) 줄넘기 횟수가 60회 이상 70회 미만인 계급의 상대도 수가 0.12, 70회 이상 80회 미만인 계급의 상대도수가 0.08이므로 줄넘기 횟수가 60회 이상인 계급의 상대도 수의 합은

0.12 + 0.08 = 0.2

따라서 줄넘기 횟수가 60회 이상인 학생은 전체의 0.2×100=20(%)이다.

4) 줄넘기 횟수가 50회 이상 60회 미만인 계급의 상대도 수가 0.24, 60회 이상 70회 미만인 계급의 상대도수 가 0.12이므로 줄넘기 횟수가 50회 이상 70회 미만인 계급의 상대도수의 합은

0.24 + 0.12 = 036

따라서 줄넘기 횟수가 50회 이상 70회 미만인 학생 수 는 50×0.36=18(명)이다.

## 129 답 1) 100명 2) 12명 3) 54% 4) 14명

1) 몸무게가 50 kg 이상 55 kg 미만인 계급의 상대도수 가 0.2이고. 도수가 20명이므로

(전체 학생 수)=
$$\frac{20}{0.2}$$
=100(명)

2) 상대도수는 도수에 정비례하므로 도수가 3번째로 작 은 계급은 상대도수가 3번째로 작은 계급인 35 kg 이 상 45 kg 미만이다.

따라서 이 계급의 도수는  $100 \times 0.12 = 12(명)$ 이다.

- 3) 몸무게가 40 kg 이상 45 kg 미만인 계급의 상대도수 는 0.24, 45 kg 이상 50 kg 미만인 계급의 상대도수는 0.3이므로 몸무게가 40 kg 이상 50 kg 미만인 계급의 상대도수의 합은 0.24+0.3=0.54 따라서 몸무게가 40 kg 이상 50 kg 미만인 학생은 전 체의 0.54×100=54(%)이다.
- 4) 몸무게가 55 kg 이상 60 kg 미만인 계급의 상대도수 가 0.1, 60 kg 이상 65 kg 미만인 계급의 상대도수가 0.04이므로 몸무게가 55 kg 이상인 계급의 상대도수 의 합은 0.1+0.04=0.14 따라서 몸무게가 55 kg 이상인 학생 수는 100×0.14=14(명)이다.

#### 130 답 도수분포다각형, 분포

131 답 1) 해설 참조 2) 60점 이상 70점 미만 3) 1반 4) 2반

1) 수학 성적(점)		1반		2반		
		도수(명)	상대도수	도수(명)	상대도수	
50 <sup>੦ੀਨ</sup>	s <sup>t</sup> ~	60미만	2	0.05	3	0.06
60	$\sim$	70	8	0.2	10	0.2
70	$\sim$	80	14	0.35	18	0.36
80	$\sim$	90	10	0.25	12	0.24
90	~ ]	100	6	0.15	7	0.14
	합기	I	40	1	50	1
	50°   4 60 70 80	50° <sup>)</sup> か~ 60 ~ 70 ~ 80 ~ 90 ~1	$50^{\circ 1 \cdot 3} \sim 60^{\circ 12^{\circ}}$ $60 \sim 70$ $70 \sim 80$ $80 \sim 90$	수학 성적(점) 도수(명) 50° <sup>1상</sup> ~ 60° <sup>미만</sup> 2 60 ~ 70 8 70 ~ 80 14 80 ~ 90 10 90 ~100 6	구학 성적(점)       도수(명)     상대도수       50°% ~ 60°     2     0.05       60 ~ 70     8     0.2       70 ~ 80     14     0.35       80 ~ 90     10     0.25       90 ~ 100     6     0.15	수학 성적(점) 도수(명) 상대도수 도수(명) 50° <sup>1상</sup> ~ 60° <sup>미만</sup> 2 0.05 3 60 ~ 70 8 0.2 10 70 ~ 80 14 0.35 18 80 ~ 90 10 0.25 12 90 ~100 6 0.15 7

- 3) 수학 점수가 90점 이상 100점 미만인 계급의 상대도수 는 1반이 0.15, 2반이 0.14이므로 90점 이상 100점 미 만인 학생의 비율은 1반이 더 높다.
- 4) 수학 점수가 80점 미만인 계급의 상대도수의 합은

1반: 0.05+0.2+0.35=0.6

2반: 0.06+0.2+0.36=0.62

따라서 80점 미만인 학생의 비율은 2반이 더 높다.

## 132 달 1) A 중학교: 75명, B 중학교: 40명 2) A 중학교

1) A중학교에서 몸무게가 50 kg 이상 55 kg 미만인 계 급의 상대도수는 0.25이고. 도수의 총합이 300명이므 로 몸무게 50 kg 이상 55 kg 미만인 학생 수는

 $300 \times 0.25 = 75$ (명)

B중학교에서 몸무게가 50 kg 이상 55 kg 미만인 계 급의 상대도수는 0.2이고, 도수의 총합이 200명이므로 몸무게 50 kg 이상 55 kg 미만인 학생 수는  $200 \times 0.2 = 40$ (명)

2) A중학교의 그래프가 B중학교의 그래프보다 오른쪽으 로 치우쳐 있으므로 A중학교 학생이 B중학교 학생보 다 몸무게가 더 무겁다고 할 수 있다.

## 133 답 상대도수

## ● 단원 총정리 문제 Ⅷ자료의 정리와 해석 )=

01 (1) 3 (2) 46세 (3) 6명 **02** ③ **03** 22

**04 5 05** 40 % **06 3 07**(1)25명

(2) 24 m 이상 28 m 미만 (3) 72 % (4) 100

**08** (1) A=16, B=0.275, C=1 (2) 0.175 (3) 55 %

09 17명 10 ②, ④

#### **01** 달 (1) **3** (2) **46**세 (3) **6**명

- (1) 줄기 2에는 잎이 3개. 줄기 3에는 잎이 7개. 줄기 4에는 잎이 6개, 줄기 5에는 잎이 4개이므로 잎이 가장 많은 줄기는 3이다.
- (2) 나이가 많은 쪽에서부터 차례로 나열하면 53세, 52세, 52세, 50세, 49세, 48세, 48세, 46세, …이므로 나이가 많은 쪽에서 8번째인 회원의 나이는 46세이다.
- (3) 35세보다 나이가 적은 회원은 24세, 26세, 29세, 31세, 31세, 33세로 6명이다.

#### **02 量** ③

③ 변량을 나눈 구간의 너비를 계급의 크기라고 한다.

#### **03** 달 22

이용 횟수가 4회 이상 8회 미만인 학생이 6명, 8회 이상 12회 미만인 학생이 11명이므로 이용 횟수가 4회 이상 12회 미만인 학생 수는

6+11=17(명)  $\therefore a=17$ 

이용 횟수가 16회 이상 20회 미만인 학생이 3명. 12회 이상 16회 미만인 학생이 5명이므로 이용 횟수가 많은 쪽에서 4번째인 학생이 속하는 계급은 12회 이상 16회 미만이고 이 계급의 도수는 5명이다.

 $\therefore b=5$ 

a+b=17+5=22

## **04** 🖶 5

- ① 계급의 개수는 4개이다.
- ② 계급의 크기는 10-0=10(분)이다.
- 3A=25-(4+6+8)=7
- ④ 통학 시간이 30분 이상 40분 미만인 학생이 8명. 20분 이상 30분 미만인 학생이 7명이므로 통학 시간이 긴 쪽 에서 10번째인 학생이 속하는 계급은 20분 이상 30분 미만이고 이 계급의 도수는 7명이다.
- ⑤ 통학 시간이 0분 이상 10분 미만인 학생이 4명, 10분 이상 20분 미만인 학생이 6명, 20분 이상 30분 미만인 학생이 7명이므로 통학 시간이 30분 미만인 학생 수는 4+6+7=17(명)

$$\therefore \frac{17}{25} \times 100 = 68(\%)$$

#### 05 🖺 40 %

A = 40 - (11 + 13 + 4) = 12

몸무게가 45 kg 이상 55 kg 미만인 학생이 12명, 55 kg 이상 65 kg 미만인 학생이 4명이므로 몸무게가 45 kg 이 상인 학생 수는 12+4=16(명)이다.

따라서 전체 학생 수가 40명이고, 몸무게가 45 kg 이상인 학생 수가 16명이므로  $\frac{16}{40} \times 100 = 40(\%)$ 

#### 06 閏 ③

- ② (전체 학생 수)=2+5+7+9+7=30(명)
- ③ 독서 시간이 가장 많은 학생의 독서 시간은 알 수 없다.
- ④ 독서 시간이 0시간 이상 2시간 미만인 학생이 2명, 2시 간 이상 4시간 미만인 학생이 5명이므로 독서 시간이 4시간 미만인 학생 수는 2+5=7(명)이다.
- ⑤ (직사각형의 넓이의 합)=(계급의 크기)×(도수의 총합)

 $=2\times30=60$ 

## 07 달 (1) 25명 (2) 24 m 이상 28 m 미만 (3) 72 % (4) 100

- (1) (전체 학생 수)=5+9+6+3+2=25(명)
- (2) 던지기 기록이 20 m 이상 24 m 미만인 학생이 5명. 24 m 이상 28 m 미만인 학생이 9명이므로 던지기 기 록이 낮은 쪽에서 7번째인 학생이 속하는 계급은 24 m 이상 28 m 미만이다
- (3) 던지기 기록이 24 m 이상 28 m 미만인 학생이 9명. 28 m 이상 32 m 미만인 학생이 6명. 32 m 이상 36 m 미만인 학생이 3명이므로 던지기 기록이 24 m 이상 36 m 미만인 학생 수는 9+6+3=18(명)이다. 따라서 전체 학생 수가 25명이고. 던지기 기록이 24 m 이상 36 m 미만인 학생 수가 18명이므로

 $=4 \times 25 = 100$ 

#### **08** (1) A=16, B=0.275, C=1 (2) 0.175 (3) 55%

(1) (전체 학생 수)= $\frac{2}{0.05}$ =40(명)

 $A = 40 \times 0.4 = 16$ 

 $\frac{18}{25} \times 100 = 72(\%)$ 

$$B = \frac{11}{40} = 0.275$$

상대도수의 총합은 항상 1이므로 C=1

- (2) 윗몸일으키기 횟수가 48회인 학생이 속하는 계급은 40회 이상 50회 미만이므로 이 계급의 상대도수는  $\frac{7}{40}$ =0.175
- ③ 윗몸일으키기 횟수가 10회 이상 20회 미만인 계급의 상대도수는  $\frac{4}{40}$ =0.1

따라서 윗몸일으키기 횟수가 30회 미만인 계급의 상대 도수의 합은

0.05+0.1+0.4=0.55

 $0.55 \times 100 = 55(\%)$ 

#### [다른 풀이]

윗몸일으키기 횟수가 30회 미만인 학생 수는 2+4+16=22(명)

 $\therefore \frac{22}{40} \times 100 = 55(\%)$ 

## 09 달 17명

봉사 활동 시간이 10시간 이상 15시간 미만인 계급의 상대 도수가 0.24이므로

(전체 학생 수)=
$$\frac{12}{0.24}$$
=50(명)

봉사 활동 시간이 20시간 이상 25시간 미만인 계급의 상대 도수가 0.22. 25시간 이상 30시간 미만인 계급의 상대도수 가 0.12이므로 봉사 활동 시간이 20시간 이상인 계급의 상 대도수의 합은 0.22+0.12=0.34

따라서 전체 학생 수가 50명이므로 봉사 활동 시간이 20시 간 이상인 학생 수는

50×0.34=17(명)

#### 10 🖹 2.4

① 남학생과 여학생의 영어 점수가 60점 미만인 계급의 상대도수의 합을 각각 구하면

남학생: 0.08+0.3=0.38

여학생: 0.04+0.12=0.16

따라서 영어 점수가 60점 미만인 학생의 비율은 남학생 이 더 높다.

② 영어 점수가 70점 이상 80점 미만인 학생 수는

남학생: 150×0.22=33(명) 여학생: 100×0.28=28(명)

③ 영어 점수가 60점 이상 70점 미만인 학생 수는

남학생: 150×0.24=36(명)

여학생: 100×0.32=32(명)

따라서 영어 점수가 60점 이상 70점 미만인 학생 수는 남학생이 여학생보다 더 많다.

- ④ 여학생의 그래프가 남학생의 그래프보다 오른쪽으로 치우쳐 있으므로 여학생의 영어 점수가 남학생의 영어 점수보다 더 높은 편이다.
- ⑤ 남학생과 여학생에 대한 두 그래프에서 계급의 크기와 상대도수의 총합이 각각 같으므로 그래프와 가로축으 로 둘러싸인 부분의 넓이는 서로 같다.